

КБ ОХУІМЕНІ І.І. Мечникова

№ 9524  
34

Л. Бруни.

Биенна.

1623.

766

19/4

FRVTTI SINGOLARI  
DELLA  
GEOMETRIA.

NVOVA INVENTIONE DELLA LINEA,  
che quadra il circolo, e delle tre, e quattro proportionali.

CON LE QVALI S'INSEGNA LA RAGIONE DI ACCRESCERE,  
& diminuire proporzionalmente tutte le figure geometriche, i corpi, e vani  
regolari & suoi dipendenti senza mutar la forma, & anco per trasmu-  
tarla in altra senza alterar la quantità, ò capacità loro: &  
finalmente di tutte le misure, che a loro conuengono,  
anco del circuito della terra, con singolar facilità.

*Doctrina sottilissima, & utilissima à gli Architetti, Geometri pratici, Tagliapietri,  
Muratori, Maestri di legname, & ad ogni curioso ingegno.*

DI THEOFILO BRVNI VERONESE.

DEDICATI *noctibus*.

*Al molti Illustre, & Excellentissimo Sig. Conte*

FRANCESCO CALDOGNI

*dignissimo Cavalliero del Serenissimo Senato Veneto,  
e meritissimo Proveditore a' confini Vicentini.*



IN VICENZA, M. DC. XXIII.

Appresso Francesco Grossi. Con licenza de' Superiori.



1613  
1613  
1613

A J I L D G

## GEOMETRIA

卷之三

17-86

ИК-26086

Музей-бібліотека  
Одесського університету

Им. Е. И. Мечникова

NA-27086

Н. І. Коби бібліотека  
Одесського університету  
Ім. І. І. Мечникова

*Al molt' Illustre, & Ecclentissimo Sig.*

# CONTE FRANCESCO CALDOGNI,

*Dignissimo Caualliero del Serenissimo Senato Veneto,  
e meritissimo Proueditore a confini Vicentini,  
Signore, e Patrono colendissimo.*



A talmente rapito i più eleuati ingegni l'Armonia Astronomica del Sig. Theofilo Bruni Veronese, che affissandosi nelle marauiglie della profonda sua dottrina stanno sempre attendendo nuoui frutti del suo viuace ingegno. Onde hauendo perfettionata questa singolar sua fatica di Geometria, hanno potuto tanto le preghiere de' suoi amici, che hanno persuaso la sua modestia di lasciar mela, per benefizio vniuersale, mandar alla luce. La onde conoscendomi io già molto tempo obligato seruitore di V. S. molt' Illustr. & ammirandola per l'infinite sue virtuose, e degne qualità, fra le quali risplende particolarmente una honorata raccolta di diversi strumenti Matematici, da lei non con minor spesa acquistati, che con diligent studij ben intesi: Ho stimato molto proportionato, conforme ancora all'intentione dell'autore, di consecrar al suo nome, & offerir al generoso suo

A 2 pa-

4  
patrocinio queste virtuose, & honorate fatiche : assicurandomi, che non isdegnarà il poco per il molto, che le deuo ; poiche essendo questi studij cibo tanto di suo gusto, e conformi al suo genio, in essi è solita passare quell'otio, che da' publici carichi gli soprauanza ; stimandoli, come ha fatto sempre, proprij al buon seruitio del Prencipe . Perilche ha procurato, come tuttaua procura , che vi s'instruischino anco li molt' Illustri Sig. suoi Nipoti, per renderli atti Seruatori (come essa meritamente viue) di questa Serenissima Republica ; che perciò di già ne haueua veduto manifesto effetto nel Conte Calderico Caldogni, uno de' sopradetti suoi Nipoti (che sia in cielo) quando che adorno di diuerse straniere lingue, apprese in altri paesi, e di molte scienze con gran felicità in poco tempo acquistate, e particolarmente delle Matematiche, e fortificationi, si era già così bene auanzato nella grazia del Serenissimo Prencipe nostro, che fu con diverse pubbliche attestazioni, e segni estrordinarij di beniuolenza honorato, & aggradito con buone speranze de premij per il carico militare, in che si douea impiegare, & era hormai fatto prossimo à conseguirli, quando che ornato di tante virtudi, e doti dell'animo, che maggiormente gli faceuano risplendere la bellezza del suo giouenil decoro, non fusse stato da inuida morte rapito . Ma non cessando il benigno Cielo di fauorir la sua virtuosissima Casa ne gli altri quattro suoi Nipoti, che gli sono rimasti, e che da lei vengono con li medesimi concetti nutriti, & alleuati, danno ancor essi hormai segno manifesto di non voler viuere inferiori al fratello . Tra quali trouandosi il Conte Gio. Battista, il maggiore, da lei tenuto con molti dispendij in Germania, (come destina far ancor de gli altri) per apprendere (come ha fatto) quella lingua, & altre discipline, comincia in esso à ristrarsi della gran perdita fatta, vedendolo dalla benignità dell' Serenissimo Senato con publici decreti eccitato, & invitato a' veri honori : a' quali essendogli aperta così degna strada, tanto più deue lei assicurarsi, che sia per conseguirli, quanto che essendo

5  
essendo particolari dell'Illustrissima sua Famiglia, fertile in tutti i tempi di eminentissimi foggetti, e nell'armi, e nelle lettere, e nel fedel seruitio del suo Prencipe, meritorno anticamente, ch'ella fusse privilegiata ( come ho veduto ) di titoli, arricchita d'insigne, e prerogative, & confermata nell'antichissime, & assolute sue giurisdictioni, e castelli . Onde sì come mi par veder quello, emulo glorioso de' suoi maggiori così l'argomento diligente imitatore di V. Sig. molt' Illustre, nel quale racchiudendosi, come in compendio, tutte le virtù, che ne' suoi antenati sono state ammirate, ha operato in pochi anni, col zelo della sua natural fede verso questo suo Serenissimo Prencipe, & va tuttaua operando nel degno, e ben riconosciuto suo carico, cose nella conseruatione, e difesa di questi confini Vicentini, che altri a pena v'hanno potuto poggiate co'l desiderio . Con ragione adunque vengo riueramente, e deuotamente ad offerirle questo picciol volume Geometrico, di valor però grande, à lei prima douuto, che composto, e da me prima desiderato che stampato, à fine che raccomandato alla sua protezione venghi da virtuosi letto, e commendato, dal mondo ammirato, & all'eternità consacrato . Così prego N. Sig. che vadi perpetuando gli honori della sua nobilissima Famiglia, e Casa con felicità eterna .

Vicenza, adì 29. di Giugno 1623.

Di V.S. molt' Ill. & Eccell.<sup>ma</sup>

Deuotissimo Seruitore

Francesco Grossi.

# A I L E T T O R I .



Velle merauigliose, & utili operationi riputate dal volgo impossibili, che pur son vere, & probatissime, ouero ignorantemente giudicate troppo facili, ancorche difficilissime, che ne' passati secoli parte furono occolte, & parte oscuramente in lingua da pochi intesa esposte, & parte anco fino à i nostri tēpi sconosciute; hora, leuate quelle dall'oscurezza antica, insieme con queste da noi osservate chiaramente in lingua famigliare palesar vogliamo, per commodità de gli Architetti, Geometrici pratici, Artefici, & per gusto di qualunque elevato ingegno: perciò che sono molto necessarie all'uso della vita humana, & alla conservazione delle Città, & Stati, come Platone, & molti altri Savi affermano; & noi anco l'esperimentiamo nell'edificatione delle case, Tempij, Fortezze, & altre fabbriche, che spesso per mancamāto d'esse molte, & innumerabili spese, co'l fare & disfare, incorriamo. Della trasmutatione de' corpi ne habbiamo già trattato alquāto nel fin della nostra Operetta de gli Horologi, ma hora in questo quinto Trattato più ampiamente l'estenderemo, insieme con ogni sorte di trasmutazione nelle figure superficiali, con tal facilità, e breuità, ch'ogni semplice Artefice anco la potrà intendere: non restaremo però di render brevemente ancole ragioni Geometriche, con le autorità, per sodisfattione de gli intendenti delle Matematiche; separatamente però dopo la costruzione, acciò gli Artefici possino tralasciarle, insieme nel 4. & 5. Cap. ne' quali è stato necessario esser alquanto profilli, per hauer introdotto nuoua inuentione in cosa di tanta importanza, come è il quadrar il circolo. Auvertiranno dunque i semplici lettori, che quando diremo tirarsi vna linea parallela ad un'altra, intendiamo segnarla ugualmente distante dall'altra per tutta la longhezza; & quando diremo segnarla ad angolo retto, o perpendicolare ad un'altra, intendiamo in squadra. Auvertiranno anco di usar perfetti strumenti, cioè righe, setti, o compassi, & squadre, & operar solitamente se ne voglion riceuer honore, perche la dottrina per se è perfetissima, & dara il vero, sin ad un punto, & risponderà anco al peso ne' corpi di materia simile, pur che l'operatione sia esequita perfectamente. Siano finalmente auisati, che secondo la varietà delle operationi deuon formar loro le figure; acciò quello, che è facile, per la diversità delle linee nelle nostre, nō le paia difficile, facendole noi scrivere in alcuni luoghi à diversi esempi, & regole.

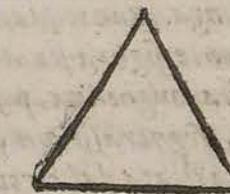
Si dechiara la varietà, & nomi delle figure, & corpi Geometrici, de' quali si ha da trattare, & s'insegna la loro formatione. Cap. I.

PER figure geometriche s'intendono le superficie piane da lineerette, o curue sopra corpi abbracciate: & regolari si chiamano quelle da una sola linea curua comprese dette per eccellenza circolari, il cui punto in mezo si nomina centro; & la linea, che per esso punto le diuide, diametro; come AB. nella prima delle seguenti figure: parimente quelle da più lineerette uguali, & angoli ancora uguali abbracciate, si chiamano regolari; come le triangolari da tre lati o linee eguali; le quadrate da quattro; le pentagoni da cinque; le esagoni da sei, & così altre de più lati, & angoli eguali; quali tutte possono esser comprese dalla circolare, come il principe de Geometri Euclide proua nel lib. 4. Per conseguenza dunque tutte, per l'uso pratico, nel circolo anco formar si possono, dividendolo in tante parti uguali, quanti hauranno à esser i lati, o linee della figura, & segnando dalle divisioni le lineerette, come la pentagona delle seguenti mostra; particolarmente l'esagona, che con la medesima apertura di sesto, che produce il circolo, nelle sei parti si diuide, come Euclide nel lib. 4. alla prop. 15. proua; & perciò più ragionevolmente chiamaremo noi lo strumento, sesto, che altri compasso.

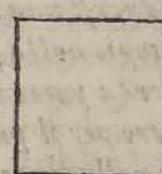
Circolare



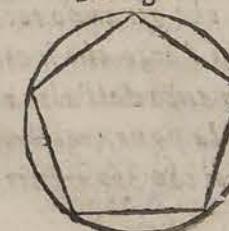
Triangolare



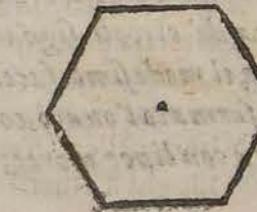
Quadrata



Pentagoni

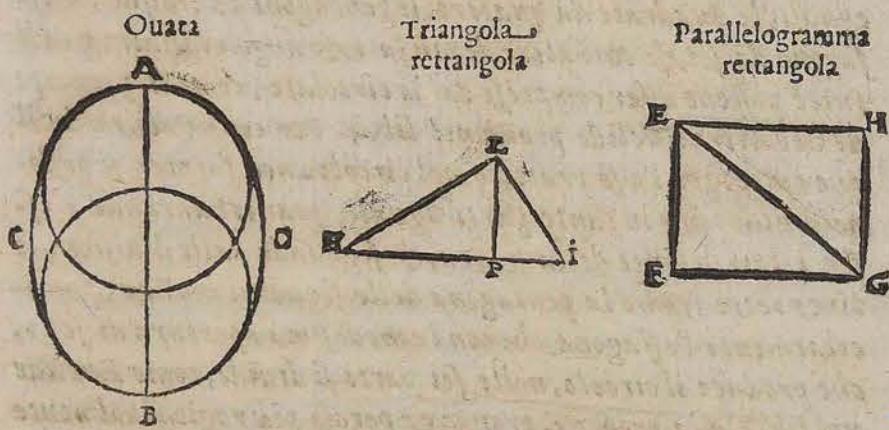


Esagona



8 Frutti singolari della Geometria.

2 Le dipendenze dalle regolari sono tali: dal circolo vengono le ouate, o che han similitudine di ouo, & dalle rettilinee quelle simili ad esse regolari, ma di linee, & angoli inequali, formate a libero piacere; fra quali frequentemente vengono in uso le triangolari rettangole, cioè, che hanno un'angolo retto, & le quadrangole dette parallelogramme, & rettangole quando hanno gli angoli retti, come le seguenti: la formation delle quali tutte consiste nel collocar i loro lati, o linee, ad angoli retti, o non retti come nell'uso vogliamo, che siano: & nelle quadrangole la linea EG, si chiama diametro.



3 La formation dell'ouato, che communemente si usa, farà tale. Producasi una linea longa quanto piace, che sia l'ouato, & per esempio nella precedente figura sia AB. sopra la quale, circa la terza parte della sua longhezza, posto il piede del sexto, con l'altro per il punto A. segnerassi un circolo, poi fermasone uno nella linea oue è tagliata dal circolo produrassene un altro; impercioche, posto un piede nel miglio de' circoli verso C. allargando l'altro verso D. tanto, che girando tocchi la maggior colmezza de' circoli segnarassi l'arco, che li congiunga in figura ouata; il medesimo facendo anco dall'altra parte verso C. & sarà formato l'ouato, come la figura mostra; qual prima si segnerà con linee morte, e poi con apparenti, solo quanto bi-

Di Theofilo Bruni Veronese.

9  
ro bisogneranno. V'n'altra sorte di ouato più geometrico porremo più innanzi.

Sono anco alcune altre figure, che dipendono dalle regolari, vaghe a vedersi, in forma di stelle, di rose, & altri fiori, & altre composte, parte di rette, & parte di curue linee; come sarebbe, se sopra ciaschedun lato di un quadrato fosse segnato un semicircolo, che solo abbracciasse la metà del lato nel mezo, lasciando gli angoli liberi; & simili altre dal voler humano disposte, per fabricar pavimenti di Chiese, o palazzi, la formation de' quali s'impura a vederle fatte.

4 Per corpi geometrici s'intendono quelli, che sono abbracciati dalle superficie curuilinee, o rettilinee; & si chiamano regolari quelli, che hanno una sola superficie orbiculare, ouero più superficie, o basi rettilinee regolari, tutte equali, & che dall'orbiculare possono esser compresi, come vuole Euclide nel lib. 13. il più nobile de quali, dalla sola superficie orbiculare abbracciato, è detto sferico; gli altri sono cinque: il primo è detto tetraedro, da quattro basi, o superficie triangole equilateri, & uguali terminato, detto anco piramide equilatera: il secondo è detto esaedro, per esser da sei basi quadrate, & uguali compreso, ma comunemente è chiamato cubo: il terzo è nominato ottaedro, perche da otto basi triangole equilateri, & uguali è terminato: il quarto è detto dedocaedro, per esser da dodici basi pentagone equilateri, & uguali abbracciato: il quinto, & ultimo è chiamato icosaedro, perche da vinti basi triangole equilateri, & uguali è compreso.

5 La formation poi di detti corpi farà questa: cominciando dal sferico, ella dipende dalla linea orbiculare, o circolare da farsi con l'arte tornatile: ma quella de gli altri pende dal sferico: pertanto, eleggeremo prima la quantità del diametro, che vorremo habbia il corpo, & la segnaremo sopra un foglio, o tauola piana, come per esempio AB. della seguente figura,

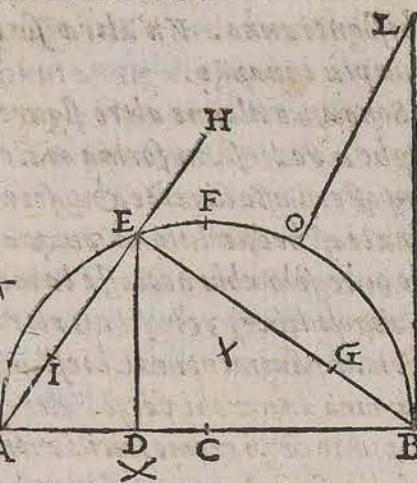


& trouatole il mezo. C. & il terzo. D. le segnaremo sopra un semicircolo, che il centro sia C. & dal D. fino al circolo, produrremo la linea D.E. che faccia angoli retti con A.B. & congiungeremo in linea i termini A.E. & E.B. La linea dunque B.E. sarà il lato del tetraedro, che habbia per diametro la linea A.B. come proua Euclide nel lib. 13. alla propos. 18. & la linea A.E.

sarà il lato del cubo, il cui diametro parimente sia A.B. per la citata propositione. D'insì poi il semicircolo per mezo in F. la retta linea da F. al B. verrà à esser il lato dell'ottaedro per la medesima propos. 18. Se poi segnaremo il lato del cubo A.E. sopra E.B. come E.G. & la sua metà in drittura di esso lato, come E.H. & posto un piede del sexto fermo in H. con l'altro al G. trasferiremo tal distanza da H. verso A. come I. verrà il lato del cubo A.E. per la 30. prop. del lib. 5. à esser diuiso secondo la media, & estrema proportione, & per la citata 18. prop. la parte maggiore E.I. sarà il lato del dodecaedro, il cui diametro sia A.B. Finalmente, se drizzaremo dal punto B. una linea ad angolo retto, & eguale con B.A. come B.L. & poggiata la riga à i due termini C. L. segnaremo la linea da L. che tagli il semicircolo, come O. la dritta distanza da O. al B. per la medesima 18. prop. sarà il lato dell'icosaedro, il cui diametro sia A.B. Fatto dunque tal preparamento, cominciaremo la loro formazione.

5 Per il tetraedro dunque prima formaremo il corpo sferico, che habbia il diametro giustamente eguale ad A.B. e tolta col sexto la linea B.E. con essa sopra'l corpo segnaremo un circolo, & com la medesima apertura lo diuideremo; perciò che, essendo le precedenti operationi giuste, verrà diuiso in tre parti uguali, che faranno tre punti, & insieme col quarto, che fu centro del circolo,

saran



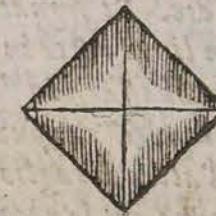
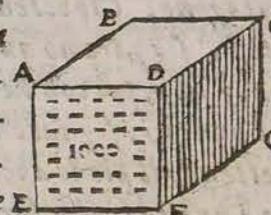
saran le punte de i quattro angoli del futuro corpo, dal lasciarse altre, & abbassar fra loro la curvezza sferica in figura piana tanto, che da ciaschedun punto all'altro resti il taglio de' triangoli in retta linea. Eccone la figura.

7 Per l'essaedro, ò cubo, formato il sferico, il cui diametro sia eguale al preparato A.B. con un sexto pigliaremo la linea B.E. che è diametro di una base del cubo, & conesso sopra il sferico notaremo due punti, & tolto il lato A.E. con un'altro sexto, messo il piede in uno de segnati punti, con l'altro piede alla destra, e sinistra segnaremo due archi verso l'altro punto, poi co'l piede in quest'altro punto segnaremo simili archi, che taglino i primi, quali tagli insieme con i due punti faranno i luoghi de quattro angoli di una base. & da questi nel medesimo modo si segnan tutti, abbassando poi la comezza sferica fra loro in figura piana. Ma più facilmente si farà segnando sopra la materia preparata piana una faccia, come è detto, e sopra i lati di essa drizzando altre quattro faccie ad angoli retti, e poi l'ultima ad angoli simili con le quattro. Eccone E l'immagine formata.

8 Per l'ottaedro pigliaremo col sexto la metà del semicircolo apparecchiato, cioè A.F. & posto un piede sopra il preparato corpo sferico, il cui diametro sia A.B. segnaremo un circolo one più piacerà, & posto il piede sopra esso circolo ne segnaremo un altro, che taglierà il primo, et col piede sopra uno de tagli segnaremo il terzo, e così tutto il corpo farà diuiso in otto triangoli equilateri, et eguali; perciò, abbassandola comezza sferica fra loro in figura piana, che da un'angolo all'altro resti il taglio in ditta linea, sarà fatto il desiderato ottaedro, et la seguente figura lo rappresenta mezo.

9 Perche il dodecaedro, come dice Euclide nella prop. 17. del lib. 13. si può formar sopra i dodici lati del cubo, ciascheduno de

B 2 quali



## Frutti singolari della Geometria.

quali abbraccia due lati di un pentagono di esso corpo, pigliare moco'l sesto prima il lato AE. del cubo tronato nella figura del numero quinto, & lo collocaremo sopra apparecchiato corpo sferico, il cui diametro sia AB. et tolto il lato EI. del pentagono desso, fermato il piede in E. con l'altro segnaremo un poco di arco à un fianco, & posto un piede anco in A. con l'altro tagliaremo il detto arco, come nella figura si vede fuori del circolo in forma de X. il spatio dunque à X. & XE. saranno i due lati del pentagono, abbracciati da quello del cubo AE. come Euclide vuole. Poi tolto il lato AE. del cubo, stando un piede in E. con l'altro segnaremo un poco di arco all'altra banda, come nella figura è sotto il D. & trasferito un piede in X. con l'altro tagliaremo il detto arco, & stando il primo piede fermo, segnaremo l'arco anco verso G. e con un piede in A. lo tagliaremo, & così haueremo i cinque angoli del pentagono. Ciò ottenuto, accio nella seguente operazione siamo intesi, segnaremo questi cinque angoli del corpo con i numeri 1. 2. 3. 4. 5. poi con la detta apertura di sesto AE. messo un piede nel punto 1. segnaremo tanto di arco in alto verso il punto 2. che mettendo il piede anco nel 2. segnandone un altro, tagli il primo, e questo taglio sarà un'altr'angolo. simil taglio faremo standone nel punto 2. & 3. così nel 3. & 4. nel 4. & 5. & nel 5. & 1. & saranno cinque angoli: nel medesimo modo segnaremo gli altri più bassi stando nel punto 1. & 3. nel 2. & 4. nel 3. & 5. nel 4. & 1. & nel 5. & 2. & questi cinque segnaremo con i numeri 1. 2. 3. 4. & 5. & notaremo li ultimi punti come è detto de primi, cioè stando nel 1. & 2. nel 2. & 3. etc. Et segnati tutti li congiungeremo con linee rette in dodici figure pentagono, da abbassarsi in figura piana, che solo restino in altezza i punti de gli angoli, et da uno all'altro il taglio in recta linea. Eccone la figura, che lo rappresenta mezo.

10 Finalmente per l'icosaedro, pigliaremo col sesto il lato del suo pentagono tronato al numero 5, cioè la distanza del punto B.

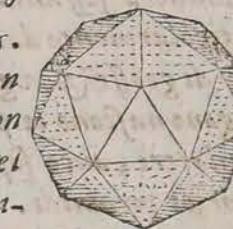
sino



## Di Theofilo Bruni Veronese.

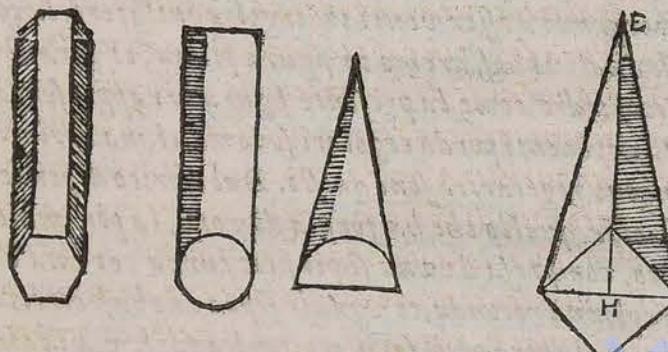
sino à quello di O. et posto un piede sopra il preparato corpo sferico, il cui diametro sia AB. segnaremo un circolo, et con la medesima apertura à lo diuidere in cinque ugual parti, et se più ugualmente non verrà diuiso, sarà commesso qualche errore da correggersi, et così i cinque punti saranno per cinque angoli de triangoli, che termineranno nel centro di esso circolo; ciò fatto, segnaremo detti punti con nu. 1. 2. 3. 4. 5. et con la medesima apertura di sesto, che furon segnati, posto un piede nel primo segnaremo un poco di arco verso il 2. et posto il piede anco nel 2. segnaremo l'arco, che tagli il primo, qual taglio sarà il punto d'un angolo, nel medesimo modo segnaremo anco gli altri, stando nel 2. et 3. nel 3. et 4. nel 4. et 5. et nel 5. et 1. à i quali trouaremos il centro, perche bisogna, che venghino in un circolo, et il centro sarà termine di cinque triangoli, come nel primo; finalmente segnate le linee da punto à punto verranno à esser venti triangoli equilateri, la colmezza sferica de quali abbassaremo in figura piana, et sarà formato il proposto icosaedro, come la presente figura lo rappresenta mezo.

11 Le depéndenti poi da regolari sono molti, ma i principali, che più ritengono regolarità sono questi. Dal sferico depende l'ouato, detto sferoide, quello che ha forma di ouo, la piramide rotoda, detta cono, compresa da una superficie curua, et una base circolare: la colonna rotonda, et uguale sopra due basi circolari, detta cilindro. Dal tetraedro formato, tagliandole via i cantoni sino alla terza parte de suoi lati, prouiene un bel corpo di quattro faccie esagono regolari, et uguali, et quattro triangole equilateri. Tagliando nel medesimo modo, gli angoli di un corpo esagono, o cubo, sino ad un terzo de' lati, riuscirà di sei faccie esagono regolari, et uguali, et otto triangole equilateri. Et tagliando gli angoli sino al mezo de' lati verrà di otto faccie triangole, et sei quadrate regolari, et uguali. Tagliando anco dall'ottaedro i cantoni sino al terzo de' lati, riuscirà di otto faccie esagono regolari, et sei quadrate. Tagliando poi gli angoli dell'icosaedro sino alla terza

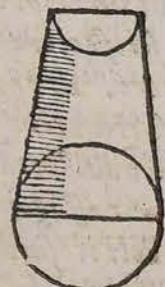


verza parte de' lati, resterà un bellissimo corpo di venti faccie esagoni regolari, & dodici pentagone. Finalmente tagliando al dodecaedro i cantoni fino alla metà de' lati, diventerà di dodici faccie pentagone regolari, & venti triangole uguali, et formando sopra i suoi dodici pentagoni cinque triangoli, come nell'icosaedro, hauerà sessanta basi uguali. Altri corpi anco dipendono, particolarmente dal cubo, come colonne sopra base quadrate uguali, & di grossezza uguali, dette parallelepipedi, o prismi. Dal se-tragono nascono le piramidi, anzi esso è piramide, però di faccie equilaterate; anco sopra basi pentagoni, & esagoni si ergono colonne, et piramidi. Il medesimo diciamo de' vane, tanto de' regolari, quanto de' dependenti da loro, come aluci, & vasi di simili forme, Chiese, Palazzi, Torri, & simili, alcune figure de' quali saranno le seguenti.

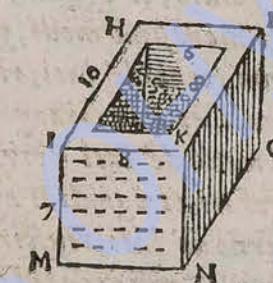
Colonna pentagona. Cilindrica. Piramide conica. Quadrata.



Tronca cilindrica.



Alueto cubico.



Delle perfezioni della figura circolare, & come sia simbolo delle perfezioni di Dio, & che cosa sia il quadrato vn circolo. Cap. II.

Mirabil sapienza di Dio, che nella creatione dell'Universo eleggesse una forma, o figura così perfetta, anzi sopra di ogn'altra perfectissima, etale, che anco delle perfezioni sue fosse non picciol riferito; quest'adico fu la figura circolare, nella quale dispose i Cieli, i Pianeti, & gli Elementi tutti: qual figura essendo semplice senz'angoli, significasse la semplicissima essenza Divina; & essendo senza principio, e senza fine rassembraße l'eternità di Dio, che non ha principio, nè fine: il mezo poi, o centro di essa, riguardando tutte le parti egualmente, denotaße la mirabil sua potenza, e sapienza, che stando nel mezo di tutte le creature, tutte egualmente vede, e governa: finalmente, che questa nobilissima figura fosse più capace d'ogn'altra in modo, che (gran paradosso) anco più di se stessa contenesse; cioè, che l'ambito, o linea di essa più contenesse in forma circolare, che la medesima ri-dottain qualunque altra figura, come da tutti i Geometri si concede, & noi anco poco di sotto lo faremo roccar con mano à chi ne hanesse dubbio; qual cosa significasse l'immenso, & grandeza Divina, che tutte le creature comprende, & da nulla può esser compresa. Quindi è, che tanti secoli à dietro la proportione di tal figura da tanti Geometri è stata cercata, nè mai sicuramente trouata, che appunto, come opera singolar di Dio, pare rimanga fra i secreti in lui solo nascosti, come par che voglia Salomon nel lib. Eccles. cap. 3. Ut non inueniat Homo opus, quod operatus est Deus ab initio usque in finem: nulladimeno perche le opre di Dio, come affermano molti Santi, furono esposte alle creature ragionevoli, accio i secreti loro contemplassero: Mundum tradidit disputationi corum, dice anco il medesimo Salomon; & in quelle rimirando conoscessero il suo Creatore, diremo, che ancor questa con l'asuto di esso Fattore, come le altre proportioni se poffe

si possa ritrouare. Gli antichi, & moderni Geometri, che hanno tentato trouar tal linea, che faccia un quadrato di capacità uguale col circolo, che si chiama quadrar il circolo, tutti si sono ingannati, & nella proua di linee han commesso paralogismo, o petitione de principi, & sono da altri celebri Geometri rifiutati; come il Padre Claudio Gesuita nella sua Geometria pratica riferisce; manè anco quella di esso Padre è buona, perchè i termini della sua linea non si possono hauere, come operando si può comprendere. Solo il santo Archimede Siracusano si pose in sicuro, nel libro, De Circuli dimensione, contentandosi solo con numeri inuestigar la proportione del diametro al circolo, & conessa trouar i due estremi del più, & meno fra quali stesse la vera quantità della linea circolare, dalla quale si caua la quadratrice. Per tanto io, ancorche minimo Geometra per l'occasione di hauer trouato con modo facilissimo le due linee medie proporzionali fra due proposte, per duplicar, diuider, & trasmutar i corpi, hauendo in alcuni casi bisogno di tal linea, che quadra il circolo, inchinai l'animo à pensarui per trouarla almen propinquia alla vera, qual finalmente essendomi riuscita propinquissima, in termini proporzionali, & noti del circolo, & cader fra i limiti di Archimede, spero anco col metodo de' numeri proporzionali come egli, prouarla, & persuaderla, se non per vera, almeno per propinquissima, & fuggir i scogli, ne' quali i precedenti Scrittori fecero naufragio; ancorche ella non si possa dimostrar con linee, come si desidera, che forsi è impossibile.

Come da termini proporzionali, & noti del circolo cauiamo la nostra linea quadratrice. Cap. III.

**I**ncominciando dunque: diuidasi il circolo con due diametri AB. & CD. che ad angoli retti si taglino nel centro E. come la presente figura dimostra & prodotta per il termine C. & A. una linea, che anco esca dal circolo à libero piacere, diuidasi per mezzo l'arco AG. & anco AD. & per i termini producas HG equid-

equidistante, o parallela con CE. notando il taglio che fa in AC. con la let tera F. partita poi HG. in due uguali col punto I. fac ciasi GL. uguale à GA. et segnata LF terminisi in M. co la distanza de LI. trasportata sopra: dipoi terminisi anco AN. uguale ad AM. & per N. producas NE. et finalmente AO. parallela con DE. impercioche, se farà leuata AO. dal diametro AB. lascierà la parte PB. che farà la linea quadratice desiderata, cioè il lato del quadrato uguale alla capacità del circolo, & verrà come si dice quadrato il circolo: anco senza leuar da AB. si potrà produr AO. alla quantità di AB. che immediatamente dalla linea NE. farà detta portione AO. leuata: & questa è la costruzione, & l'artefice non hauerà da cercar altre proue, non ne essendo capace.

Siproua demonstriuamente tal quadratrice cader fra i termini di Archimede. Cap. IIII.

**L**a proua anco sarà facile, & dipenderà dalla proporzione, che trouò Archimede hauer il diametro al circolo per aiuto alla quadratura, nel libro De circuli dimensione, & è questa. Dispose egli prima dentro al circolo sei linee in forma eßagona, che

che per il coroll. della 15. prop. del lib. 4. di Euclide sono sei semi-diametri di esso circolo, una de quali è Q.R. nella figura poi deci altre minori in figura duodecagona, & così di mano in mano, moltiplicando per il doppio, arriuò fino al num. de 96. il medesimo fece con le respondent i fuori del circolo, come SV. che risponde alla prima interiore, & fra queste chiuse il circolo per inuestigar la maggior, e minor propinquità alla linea circolare; & con artificioso calcolo trouò, che la quantità della linea di ciaschedun circolo è meno di tripla e sì quiesettima al diametro, ma più di tripla superpartiente dieci settagesime prime: più chiaro, la linea del circolo distesa è tre diametri del suo circolo, & un poco meno di una settima parte di esso diametro; ouero tre diametri, & al quanto più de dieci parte di diametro diuiso in 71. qual più, non arriuà alla settima di una delle 71. Fra questi due propinquissimi termini dunque concluse Archimede d'ouer eßer la vera quantità della linea circolare, nè prosegue più oltre, lasciando a posteri l'inuestigar il vero termine del più, e meno fra questi due estremi; qual pretendiamo noi con linee hauer almen propinquissimamente trouato, & per via de numeri, come Archimede, prouarlo. Pertanto, poniamo il diametro AB. del circolo eßer parti 71. queste triplicate diuengono 213. & giunta la settima parte di 71. che è par. 10. Mi. 8. & Sc. 34. vengono à eßer par. 223. Mi. 8. & sec. 34. per la maggior quantità, o ambito, al quale non può arriuare la linea circolare, per eßer tal ambito de linee rette fuori del circolo: poi al triplicato diametro 213. giungeremo le dieci parte delle 71. come nella seconda proporzione fu detto, & risulteranno 223. per il minor ambito, sopra il quale deve star la linea circolare, come quella, che senz'angoli l'abbraccia; & questo è il fondamento, che assumiamo.

2 Posto dunque il diametro AB. parti 71. il semidiametro AE. ouero EC. sarà par. 35. & meza, ouero minuti 30. al vuso Astronomico, che adoperar vogliamo; & se ne faremo il quadrato (come separatamente vedrassi nel fine del seguente Cap. in sommario eßatamente, con tutte le seguenti operations, chiamate

con le proprie lettere maiuscole) & lo pigliaremo duplicato, che per la 47. prop. del lib. 1. di Eucl. sarà il quadrato di AC. & cauata la radice quadrata, ella sarà la quantità della linea AC. de parti simili à quelle del diametro: & perche questa, & le seguenti radici non possono venir de numeri intieri, procederemo non solo alli minutj, ma anco fino alle minutie decime, secondo il bisogno, acciò le operationi venghino perfette al possibile: tal linea dunque AC. sarà il lato del maggior quadrato, che dentro al circolo si possa descrivere, procedendo dalle quarte di esso, la metà del quale, che da simili quarte procede, sarà GH. & GE. anco GI. e la metà di GH. perciò levato il valor di GE. da quello di AE. resterà la quantità di GA. & di GL. fatta à lei uguale nella costruzione, & sarà anco quella di GF. come di sotto prouaremò. Et perche la quarta parte del quadrato AC. già noto, è il quadrato della sua metà GH. & due quadrati di AE. fan quello di AC. pigliata la metà di quello di AE. sarà il quadrato di GH. & la quarta di questo, quello di GI. fatto poi il quadrato di GL. & giunto con quello di GI. noto risulterà, per la citata 47. prop. quella di LI. & cauata la radice quadrata possibile, sarà la quantità della linea LI. & anco di LM. fatta à lei uguale nella costruzione: levato poi il valor di CE. da quello di CA. resterà quello di FA. & anco di FL. come presto prouaremò, qual separato da quello di LM. lascierà il valor di FM. il quadrato del quale insieme con quello di FA. darà il quadrato di AM. per eßer l'angolo retto in F. di cui trouata la radice sarà il valor di AM. & AN. constituita à lei uguale, questa poi giunta con AC. porgerà la quantità di NC. Conosciuto finalmente il valor di queste linee, perche nel triangolo NCE. la linea AO. è posta parallela à CE. i lati AC. & AE. per la 2. prop. del lib. 6. di Eucl. verranno tagliati proportionalmente, onde qual proporzione ha NC. alla CE. tale hauerà NA. ad AO. & moltiplicato il valor di CE. con quello di NA. & diuiso per quello di NC. noti, verrà il valor di AO. incognito, qual separato dal diametro AB. lascierà PB. de parti 62. m. s. sec. 17. & più, come nel fin del cap. 5. si vedrà, per la

linea quadratrice, quali moltiplicate in se stesse daran l'area, & capacità del quadrato, che vogliamo sia uguale alla capacità del circolo.

Ma auanti, che andiamo più oltre leuaremo il dubbio, se la linea FG. sia uguale alla GA. & la CF. alla CE. come haueemo supposto. Dico dunque, che nel triangolo CAE. la retta FG. parallela alla CE. per la 2. prop. del 6. di Eucl. verrà tagliata dalla AC. proportionatamente con CE. cioè uguale alla GA. come CE. è uguale alla EA. & così resta soluto uno de dubbijs. All' altro dico con la medesima propositione, che anco nel medesimo triangolo la base AC. all'incontro vien tagliata da HG. in F. nella medesima proporzione, che EA. è tagliata in G. cioè, che essendo posta EA. sopra EH. per base degli due lati uguali EG. GH. per esser respondenti à gli archi uguali AH. & HC. & poi posta sopra EA. cioè sopra se medesima, vien à esser attualmente la parte EG. uno de lati di cui era base: così essendo posta la base AC. sopra uno de suoi lati uguali, come EC. verrà la portione CF. ad esser la medesima CE. come voleuamo per solution dell' altro dubbio.

3 Al primo proposito dunque ripigliamo Archimede nel libro citato, dal quale si caua, che conoscuta la quantità della circonferenza del circolo de parti simili à quelle del diametro, moltiplicandosi la metà di essa nel semidiametro, la somma sarà l'area, & capacità del circolo: al contrario cauiamo noi anco, che conoscuta l'area, trouando un numero, che moltiplicato nel semidiametro nostro renda l'istessa area conosciuta, quello sarà la metà della circonferenza del circolo: questo numero dunque l'abbiamo trouato dividendo il nostro quadrato de parti 3959. e mi. 6. &c. per il nostro semidiametro de parti 35. & mi. 30. & esser riuscito parti 111. mi. 31. sec. 26. ter. 31. qu. 40. quin. 38. ses. 50. & sett. 28. & duplicato esser parti 223. mi. 2. sec. 53. ter. 3. qua. 22 qui. 17. ses. 40. & sett. 56. per tutta la circonferenza; qual, secondo la nostra osservazione, sarà la propinquissima quantità della linea circolare: se dunque pigliaremo il minor ambito di Archimede tronato di sopra parti 223. & il maggiore parti 223.

mi. 8.

mi. 8. & sec. 34. & fra loro collocaremo tal nostra circonferenza, vedremo, che fra loro cade, non al mezo, ma verso il minor ambito circa il terzo della loro differenza, & questa è la proua generale, ma veniamo alla particolare.

Conclusione, nella quale con ragioni, & autorità si proua tal nostra quadratrice esser propinquissima al vero termine desiderato, & probabilmente si persuade esser la vera. Cap. V.

C He poi questa nostra circonferenza ò quadrato dacui pen-de, non debba arriuar al mezo de detti estremi ambiti, lo persuaderemo in tal modo: pigliaremo la prima vestitura interna al circolo, fatta da Archimede con sei semidiametri, uno de' quali è QR. nella figura, che insieme vaglion parti 213. per il suo primo interno ambito: pigliaremo anco il suo corrispondente esterno, una linea del quale è SV. che val parti quasi 41. del diametro AB. (fattane la proporzione, cioè cauando il quadrato di TR. quarta di quello del semidiametro, da BE. accio resti TE. & argomentando, sì come TE. alla ER. così BE. alla EV. che è uguale alla SV. moltiplicando, e dividendo) & sei volte presa fa quasi parti 240. per il maggior ambito esterno di sei linee, & fra questi due ambiti collocaremo la maggior quantità di ambito, che hauer possa il circolo, & sia quello di 96. linee sopradetto de parti 223. & mi. 8. quantunque non possa arriuarui, ma per esser fra termini lontani si può tollerarlo: hor vedasi, come questo numero non cade al mezo, nè può giungerui; ma solo stà verso il minor ambito circa la terza parte della differenza, come uoleuamo, ancorche non precisa: di modo che, essendo gli ambiti tanto delle linee 96. quanto delle prime 6. fatti con linee interne, & esterne parallele sempre insieme, come mostrante le due SV. & QR. & fra due sempre uguali simili alle ES. & EV. & i lor respondenti angoli, che faranno per la 29. prop. del lib. I. di Euclide sempre uguali, & simili, & per la 4. del lib. 6. proporzionali, se potrà

potrà creder anco, che il circolo debba sempre esser abbracciato da tali linee, & ambiti nella medesima proportione, & conseguentemente questa nostra circonferenza, & quadratrice PB. o suo quadrato non debba star nel mezo di detti estremi ambiti, come nè anco vi stà il circolo con la sua maggior quantità, ma vicino al terzo della differenza.

2 Ma di più, se vogliamo creder al compuso di Lodolfo da Colle, & di Christoforo Gruembergero Germani, accettato anco dal Sig. Pietr' Antonio Cataldi in prona della sua inuentione, potremo anco dire, che tal circonferenza debba star alqunanto di sopra dal terzo. Questi autori dunque posero il diametro del circolo di una sol unità, & venti Zeri, o nulle, & strinsero gli ambiti di Archimede tanto, che una sol unità, il maggiore supera il minore, come qui appresso si vede.

Diametro di questi Autori 1000000000000000000000000

Circonferenza minore 314159265358979323846

Circonferenza maggiore 314159265358979323847

Noi per tanto ridurremo le parti della lor circonferenza à quelle della nostra, diuidendo il loro diametro per il nostro de parti 71. & nel quotiente haueremo le parti, che rispondono à una delle nostre, con queste poi diuidendo la lor circonferenza, & haueremo nel quotiente le parti intiere, che respondono alle nostre, cioè 223. & moltiplicando il residuo per 60. & diuidendo per il medesimo diuisore, haueremo minuti 3. & di nouo moltiplicando i residui per 60. & diuidendo con l'istesso diuisore, verranno secondi 11. con poco residuo, che in tal comparazione può lasciarsi. Trouaremo anco la circonferenza del Sig. Cataldi, pigliando col nostro diametro de parti 71. il valor di una linea, che nella nostra figura proceda dal mezo del semidiametro CE. fino al punto A. dalla quale separata la quarta parte del diametro (come egli vuole) resterà una linea, o numero, che preso dieci volte, & un sesto farà la circonferenza cercata, qual fedelmente hauemo trouata a esser parti 223.mi.3. & sec.32. Comparata dunque questa con quella de Germani, trouasi superarla secondi 21. & com-

parata

parata la nostra, mancar secondi 18. oue si scorge la nostra esser più vicina, & verso l'ambito minore, come deue. Ma questo sia detto stante, che la circonferenza di questi Germani sia infallibile, percioche essendo fatta con numeri, nè sapendo il modo, se ne può dubitar parte, massime, che ecceda; & se la proportione da noi data di sopra col primo ambito de 5. linee può hauer luogo in via Geometrica, senza dubbio dourà star la vera circonferenza più vicina al terzo della differenza, come mostra la nostra; & posto anco, che la nostra dovesse crescer le 18. seconde, però alla nostra quadratrice PB. bastarebbono manco di 3. che è una de 368. mille di tutta la circonferenza in simili parti diuisa.

Finalmente concludiamo, che essendo tal nostra quadratrice PB. trouata con termini proporzionali, & noti del circulo diametro, & quadrato inscritto al circolo, & terminata sopra il circonscritto tagliando da esso la parte AO. con diuisioni geometriche, & immediatamente senza trouar circonferenza, potrassi creder, che sia, se non la vera, almeno la più propinqua, & comoda all'uso d'ogn'alera trouata, fintanto che Dio apra l'intelletto ad alcuno per trouarla migliore.

## SOMMARIO dei computi fatti.

Quantità del diametro AB.  
 Valor del semidiametro AE. & EC.  
 Quadrato del semidiametro  
 Quadrato di AC.  
 Radice, o numero della linea AC.  
 Numero della linea GH. & GE.  
 Quantità della linea GI.  
 Quadrato del numero GI.  
 Quantità di GA. GF. & GL.  
 Quadrato delle predette.  
 Quadrato della linea LI.  
 Valor della linea LI. & LM.  
 Quantità di AF. & LF.  
 Quadrato del numero AF.  
 Valor della linea FM.  
 Quadrato del numero FM.  
 Quadrato del numero AM.  
 Quantità di AM. & AN.  
 Valor della linea NC.  
 Quantità della linea AO.  
 La quadratrice PB.  
 Il quadrato uguale al circolo  
 Ambito minore di 6.linee QR.  
 Il più che vaglia il circolo  
 Ambito maggiore di 6.linee SV.  
 Ambito minore di 96.linee  
 La nostra circonferenza  
 Ambito maggiore di 96.linee  
 La terza parte della differenza fra il minor, &  
 maggior ambito di Archimede.  
 La circonferenza de i Germani.  
 La circonferenza del Cataldi.

Parti.	Mi.	Se.	ter.	qua.	qui.	self.	set.
71							
35	30						
1260	15						
2520	30						
50	12	16	29	35	47		
25	6	8	14	47	53	30	
12	33	4	7	23	56	45	
157	31	52	30				
10	23	51	45	12	6	30	
108	6	44	29	19	51	37	15
365	38	36	59	15	51	37	15
16	17	54	52	36	15	30	
14	42	16	29	35	47		
216	13	28	58	40	30	26	54
1	35	38	23	0	28	30	
2	32	26	57	25	44	20	28
318	45	55	56	6	14	47	22
14	47	26	36	32	16	23	21
64	59	43	6	8	3	23	21
8	4	42	56	25	34	26	
62	55	17	3	34	25	34	
3959	6	11	44	32	58	51	36
213							
223	8						
246							
223							
223	2	53	3	21	17	40	56
223	8	34					
223	2	51	20				
223	3	11					
223	3	32					

Come,

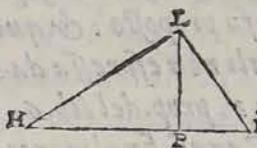
Come, al contrario, si troui vn circolo di capacità uguale ad vn proposto quadrato, & per qual causa vna linea ridotta in figura circolare sia più capace, che in qualunque altra.

Cap. VI.

E T perche è cosa non men singolare, & veile, che la precedente, il saper anco trouar un circolo ad un proposto quadrato uguale, volontieri mi son affaticato in ritrouarlo, & questo sarà il modo. Per esempio nella presente figura sia LP. un lato del proposto quadrato, questo pongasi per diametro di circolo, & in esso trouisi la linea quadratrice PB. con la dottrina del cap. 3. & trouata pongasi ad angolo retto con LP. come PI. & segnisi la linea LI. & un'altra anco ad angolo retto con essa come LH. tanto longa, che prolungata IP. s'incontrino in H. Ciò fatto, perche il triangolo HIL. è rettangolo, & diuiso anco in due simili HPL. & LP I. dat la perpendicolare LP. per l'ottava prop. del lib. 6. di Eucl. & per il coroll. della medesima la perpendicolare LP. sarà media proporzionale fra PH. & PI. & insieme propotionali continue: dico, che se circa la linea PH. si farà un circolo, sarà di capacità uguale al quadrato della linea LP. la ragion è, che per 22. prop. del lib. 6. di Eucl. le figure simili fatte sopra le linee proporzionali, fra loro riceuono la proportione di dette linee, cioè la figura sopra PI. ad una simile sopra LP. & questa ad un'altra sopra PH. & perche la linea LP. in tal proportion continuata s'affume due volte, poirà anco portar due figure dissimili, come un quadrato quando s'affume per conseguente ad un altro quadrato sopra PI. & un circolo, quando s'affume per antecedente ad un altro circolo sopra PH. perciò che basta solo, che le due figure, fra quali si fa la comparatione, siano simili, come s'offerua nelle proportioni discontinue, & dalla 3. def. del lib. 5. di Eucl. si pitorac cogliere.

D

cogliere.



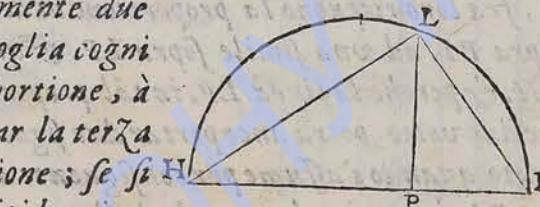
cogliere. Pertanto, essendo  $LP$ . assunta per il lato del quadrato proposto, farà conseguente al quadrato sopra  $PI$ . & essendo anco posta per diametro di circolo nel trouar la sua quadratrice  $PI$ . farà antecedente al circolo sopra  $PH$ . nella proporzione, che ha il quadrato  $PI$ . al quadrato  $PL$ . & di più, perche il circolo sopra  $LP$ . è uguale al quadrato sopra  $PI$ . per la costruzione, anco il circolo, che si farà sopra  $PH$ . farà uguale al quadrato sopra  $LP$ . che fu proposto: & questa è una secreta proporzione in figure dissimili non espressa da Euclide, degna d'esser nota a per scholio al la 22. prop. del lib. 6.

Cauasi finalmente anco dalle predette dottrine, come la linea ridotta in figura circolare con stupore è più capace di se medesima piegata in quadrato, o in qual si vogli altra figura; perche non potendo la sua quantità, instal computo, passar le parti 223. & mi. 3. ouero 4. ridotta in quadrato diuidendola per 4. il suo lato verrà parti 55. & min. 46. che in se stesse moltiplicate producono per area, o capacità del quadrato parti 3110. somma molto minore della sua capacità circolare, trouata parti 3959. & più cosa, che non può da Geometri esser negata: la ragion poi, che in ciò addur si suole, è l'esser la figura circolare senz'angoli.

Modo di trouar la terza linea in continuata proporzione à due proposte, & vna media fra due assunte in qual si voglia proporzione. Cap. 7.

**P**roposte primieramente due linee in qual si voglia cognita, ouero incognita proporzione, à quali s'habbia à ritrouar la terza nella medesima proporzione; se si vuole, che la terza seguiti la minore, pongasi la maggiore in disparte come  $HP$ . nella seguente figura, & la minore ad angolo retto con essa, cioè in squadra (volgarmente parlando) come rappresenta  $PL$ . & segnata la linea  $HL$ .

pro-



producasi anco  $LI$ . che con  $HL$ . faccia l'angolo retto in  $L$ . tanto lunga, che prolungata anco  $HP$ . s'incontrino in  $I$ . & farà  $PI$ . la terza linea cercata, cioè  $HP$ .  $PL$ . &  $PI$ . faranno in continuata proporzione, come prova Euclide padre della Geometria nell lib. 6. al coroll. della prop. 8. de suoi Elementi Geometrici, per esser  $LP$ . nel triangolo  $HLI$ . perpendicolare dall'angolo retto  $L$ . sopra la base  $HI$ . Quando poi si vuole, che la terza linea segui la maggiore, si colloca la minore in drittura, come  $PI$ . & la maggiore ad angolo retto in alto, come  $PL$ . percioche, segnando le linee  $IL$ . &  $LH$ . ad angolo retto, come di sopra fù detto, terminaranno la terza  $PH$ . maggiore, come si voleua.

2 Essendo poi necessario fra due linee proposte trouar una media, che tutte tre diuertino in continuata proporzione, si collocheranno tutte due in una linea, come  $HP$ . per esempio, la maggiore, &  $PI$ . la minore, & trouato il mezo di tutta la linea  $HI$ . co'l setto producasì un semicircolo per gli estremi  $H$ . &  $I$ . impercioche, segnata una linea dal punto  $P$ . fino al circolo ad angoli retti con la  $HI$ . come si vede esser  $LP$ . questa farà la media proporzionale fra le due proposte desiderata, & tutte tre in continuata proporzione, come si raccoglie dalla 13. prop. del lib. 6. di Euclide.

Dell'accrescimento, e della diminuzione delle figure regolari, & dipendenti da loro proportionatamente, senza mutar forma. Cap. VIII.

### REGOLA PRIMA.

**S**E per esempio farà proposta una figura circolare, o quadrata equilatera da duplicarsi, cioè trouar una linea, che posta per diametro di circolo, o lato di quadrato, si possa formar sopra essa un circolo, o quadrato di doppia capacità al primo proposto; si segnará un diametro d'un angolo all'altro opposto nel quadrato, perche questo diametro farà il lato del quadrato doppio, cioè, che valerà due de proposti, come è provato in Euclide alla

D 2 47. prop.

47. prop. del lib. 1. il simile facciasi per la circolare, mettendo due diametri ad angolo retto, & segnando per gli estremi il diametro, perché per la 2. prop. del lib. 1. 2. di Eucl. i diametri de' circoli hanno insieme la proporzione, che hanno i quadrati sopra di loro.

2 Ma accioche la regola sia generale à tutte le figure dichiarate nel preambolo, se la figura hauerà tutti i lati uguali pigliamo un lato, o il diametro essendo circolo, due volte, tre, o quante piaceranno di accrescer tal figura, in una sol linea, & fra questa, & il medesimo lato, o diametro solo, trouaremo la linea media proportionale per il cap. 7. al num. 2. percioche quella farà il lato, o diametro, sopra il quale si fabricherà la figura simile alla prima, & farà accresciuta quanto si voleua. Et essendo la proposta figura de' lati ineguali, con tutti gli ineguali si farà la medesima augmentatione: la ragione di questo pende dal coroll. della 20. prop. del lib. 6. di Eucl.

3 Per la medesima ragione volendosi far crescer la capacità della figura una quarta parte, una terza, o altra, si piglierà un quarto, un terzo, o quello che si vuole del lato, o diametro della figura, & fra esso, & un diametro intiero si trouerà la media proportionale detta. Il medesimo si farà anco con tutti i lati ineguali, quando vi sono, & sopratali linee si constituirà la figura simile alla prima.

4 Essendo finalmente le figure mistilinee dichiarate nel preambolo, si moltiplicheranno tutti i lati rettilinei ineguali, & i diametri de' circoli, o semicircoli, che vi sono; percioche, formata la figura rettilinea sopra tali lati moltiplicati, anco sopratali diametri accresciuti si produrranno i circoli simili ai primi, come in pratica non farà difficile.

Come tutte le predette figure proportionatamente si diminuiscino. Reg. 2.

**A**l contrario anco le figure Geometriche si possono diminuire, come farle capaci della metà, di un quarto, di un terzo,

terzo, o come piace, etiam di parte incommensurabile, trouando la media proportionale fra il lato della figura, o diametro, & la metà, la terza, la quarta, o altra parte, che si vuole di esso lato, o diametro; facendo il medesimo anco con tutti i lati ineguali, quando occorrono; impercioche, fabricata la figura con queste linee diminuite simile alla prima, per le predette ragioni farà del valor, che si desiderava. Et essendo la figura mistilinea, si osserverà l'ausilio dato nella precedente Regola al num. 3.

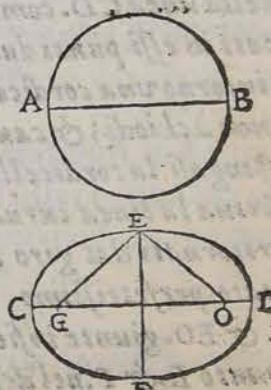
Della trasmutatione delle figure regolari, & dependenti da loro, curuilinee, & rettilinee in altre regolari, che ritenghino la propria capacità. Cap. 9.

Et prima della reduction del circolo al quadrato, & del quadrato al circolo.

Et del circolo all'elisse o ouato, & da l'ouato al circolo, & al quadrato. Regola 1.

**Q**Uando farà bisogno all'Architetto trasmutar la figura circolare nella quadrata, & la quadrata nella circolare farà riccorso alla nostra breuissima regola del cap. 3. & 6.

Ma quando le occorrerà trasmutar il circolo nella figura elisse, detta volgarmente ouata, cioè verrà formar l'ouata eguale in capacità ad un proposto circolo, prenderà il diametro del circolo diligentemente, come per esempio AB. della presente figura, & un'altra linea della lunghezza, o larghezza, che vuole l'ouato, che per esempio sia CD. della seconda figura, & à queste due linee trouerà la terza proportionale, come nel cap. 7. habbia insegnato, & quella farà la larghezza, che doverà hauere l'ouato, come qui si vede esser EF. da farsi, che hab-



## Frutti singolari della Geometria.

bia dipendenza proporzionale dal circolo, & sarà uguale alla capacità del circolo, come Archimede Geometra ecclentissimo prova nel libro de Sferoidibus al Teor. 5. essendo che AB. vien a esser media proporzionale fra CD. & EF.

2 Il modo di formare la figura ouata che usò Archimede, qui da noi sarà brevemente accennato, perche ne soggiungeremo un altro più facile. Vuole Archimede, che la linea EF. della larghezza si diuida in parti uguali, quanze piacciono, & segnatole intorno un circolo, sopra esso si faccino cader le diuisioni perpendicularmente; poi nella drittura di EF. si ponga anco la lunghezza CD. & in altrettanto num. di parti si diuida, & per esse si segnino linee perpendicolari, & queste si taglino da altre segnate parallele ad EF. per i punti del circolo, & per tutti i tagli fra loro per ordine si segni l'arco ouato; ma questo modo è troppo laborioso, e pericoloso a eseguirsi, perciò quello pratico, da Mecanici usato, per far gli archi, o volti schiacciati di mezzo ouato sarà migliore, & non men proporzionale, come prouaremo, se però sarà esequito con la perfezione, che hora si dirà.

3 L'ouato, o arco di mezzo ouato proporzionale, perfettamente si formrà in tal modo. Tolte le due linee trouate, o di propria volontà elerte per la longhezza, e larghezza dell'ouato, & segnate in un piano, che insieme ad angoli retti per mezzo si diuidano, come fanno CD. & EF. piglisi col festo la metà della longhezza CD. & posto un piede in E. con l'altro, notansi due punte nella linea CD. come nella figura mostrano le lettere GO. & fissati in essi punti due chiodetti, & un altro anco in E. volgasegli intorno una cordicella ben distesa, & aggroppisi ne' capi strecta, non a chiodi; & cauato il chiodo E. tenendolo in mano, con esso spingasi la cordicella verso D. calcando sempre, che la punta descriva la linea curva; imperecioche passará per i punti DFC. & ritornati dal giro terminerà in E. donde si parsi, & darà l'ouato perfettissimo. La ragione è, che essendo le cordicelle EG. & EO. giunte insieme uguali alla longhezza CD. & alzate al punto E. & F. nel descendere verso C. & D. si stringono, & allungano,

longano, & perciò con regolatissima proporzione danno la linea curva terminata in C. & D. del mezzo, & intiero ouato, come si desidera.

4 Al contrario poi volendosi trasmutar l'ouato in un circolo della medesima capacità, produrransi in esso due diametri, uno per mezo la sua maggior longhezza, & l'altro per la maggiore larghezza ad angoli retti, come nella precedente figura rappresentano le due linee CD. & EF. & tolti in disparte, troueranno fra loro la linea media proporzionale, come habbiamo insegnato nel cap. 7. al num. 2. & trouata, circa essa segnarassi un circolo, come AB. che sarà al detto ouato uguale, come proua Archimede nel libro sopracitato, al Teor. 5.

5 Conseguentemente anco l'ouato si trasmuterà in un quadrato a lui uguale, trasmutandolo prima in circolo, per il premezzo num. 4. & poi quadrando il circolo con la regola del cap. 3. Il quadrato anco si trasmuterà in uno ouato riducendolo prima al circolo per il cap. 6. & poi all'ouato per il precedente num. 1.

6 Si caua finalmente, che essendo uno ouato eguale ad uno circolo, perche il diametro del circolo, come AB. è medio proporzionale fra i due diametri CD. & EF. dell'ouato, anco un quadrato fatto sopra il diametro AB. sarà uguale ad un parallelogrammo fatto sopra i diametri CD. & EF. per la 17. prop. del 5. di Eucl. nel cap. 1. habbiamo anco posto un altro facilissimo modo di formar l'ouato, quando non si vuole trasmutarlo proporzionalmente, ma solo seruirsene nell'uso mecanico.

Come qual si vogli triangolo rettilineo si trasmuti in figura parallelogramma rettangola, poi in quadrata equilatera, & anco in circolare, & ouata, rimanendo nella sua prima capacità.

Regola 2.

L A figura triangolare di qualunque specie facilissimamente si trasmuta in parallelogramma rettangola, come nota il P. Claudio

il P. Claudio nella prop. 14. del lib. 2. di Eucl. in tal modo. piglia sì una linea che perpendicolarmente cada da qual si vogli angolo sopra una base del triangolo, come farebbe LP. nel triangolo HLI. della figura del cap. 6. sopra la base HI. & la metà di tal base, & con esse fabricasi il parallelogrammo rettangolo, mettendone una per la longhezza, & l'altra per la larghezza; perciò farà uguale alla capacità del triangolo. Se poi fra queste due linee si trouerà la media proportionale per il cap. 7. al num. 2. ella farà il lato di un quadrato uguale al parallelogrammo, per la 17. prop. del lib. 6. di Eucl. & conseguentemente anco uguale al triangolo. Tal quadrato poi, bisognando, si potrà trasmutar in circolo, per il cap. 6. & in ouato per la regola 1.

Modo di trasferir le figure regolari equiangole, & equilaterc. in parallelogramme rettangole, & in quadrato, & poi in circolari, seruata seimpres la prima capacità. Regola 3.

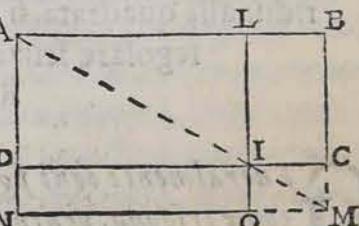
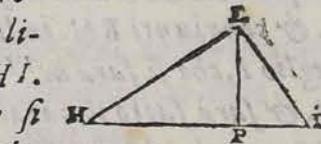
**F**acilmente una tal figura si ridurrà alla quadrilatera parallelogramma, pigliando la metà del suo ambito rettilineo, & una linea perpendicolare dal centro ad un lato; perciò una di queste farà la longhezza, & l'altra la larghezza per constituirsi la figura parallelogramma. Se poi fra queste due linee si trouerà la media proportionale per il cap. 7. al num. 2. ella farà il lato di un quadrato alla proposta figura uguale; qual finamente, bisognando, si potrà trasmutar anco in circolo, per il cap. 6. Il fondamento ai questa regola è il medesimo della precedente; perchè la perpendicolare, che si piglia dal centro ad una base sarebbe un'cadente da un'angolo di triangolo ad una base, ch'è la figura diuise in triangoli al centro, & la metà dell'ambito, darebbe tante meze basi di detti triangoli, che costituiscono il parallelogrammo, come iui.

Come

Come il quadrato, il parallelogrammo, l'ouato, & qual si vogli figura, che si possa ridur a loro, si possi allongar, o abbreviar in figura parallelogramma a loro uguale, sopra un determinato lato. Regola 4.

**P**Vò esser bisogno tal volta di trasmutar una figura quadrata, una circolare, o altra in una rettangola parallelogramma sopra un determinato lato, & farassi in tal guisa. Riducasi la proposta figura alla quadrata, se non è tale, per le precedenti regole di questo capitolo: poi mettasì un lato di esso in disparte, come per esempio LP. nella figura presente, & segnata per il termine P. una linea ad angoli retti con essa, come HI. notisi da P. verso H. la longhezza, che si vuole per un lato del futuro parallelogrammo, come per hora PH. dipoi, segnata la linea HL. & per L. un'altra ad angolo retto, che tagli HI. come hora LI. dico, che PI. farà il lato corto, & PH. il longo da farsi il parallelogrammo proposto: & quando paresse riuscir troppo longo, o corto di quello, che in pratica si vorrebbe, fatta più corta, o longa PH. nel predetto modo si farà calar, o crescer quanto si vorrà. La ragion di questo è, che essendo PL. lato del quadrato posto per media proporzionale fra PH. assunta, & PI. trouata per il coroll. della prop. 8. del lib. 6. di Eucl. il parallelogrammo fatto delle due PH. & PI. per la 17. prop. del medesimo farà uguale al quadrato di PL.

2 Si può anco alterar il parallelogrammo senza ridurlo al quadrato, in tal modo. Sia in esempio il seguente compreso dalle soli lettere A BCD. d'abbreviarsi alla misura di AL. Terminisi DI. uguale ad AL. N. & producasì BC. tanto, che segnato il diametro per AI. s'incontrino in M. & da M. segnisi MN. parallela,



lata, & uguale con  $AB$ . & condotta una linea per  $LI$ . fino ad  $O$ . & prolungata  $AD$ . fino ad  $N$ . dico, che  $ALON$ . farà il parallelogrammo abbreviato uguale al proposto; impercioche Euclide nel la prop. 43. del lib. 1. proua, che i parallelogrammi  $DION$ . &  $LICB$ . detti complementi circa il diametro  $AM$ . sono uguali, perciò leuato  $LICB$ . dal proposto  $ABCD$ . & giunto di sotto l'altro suo uguale, verrà l'abbreviato uguale al primo proposto. Ma notisi, che quando la trouata  $LO$ . caderà uguale alla proposta  $AL$ . il parallelogrammo farà ridotto in un quadrato.

3 Essendo poi proposto da prolungarsi un parallelogrammo, ouer anco un quadrato ad una terminata longhezza, come per esempio  $ALON$ . alla misura di  $AB$ . facciasi  $NQM$ . uguale ad  $AB$ . & congiunti  $BM$ . in linea, & segnato il diametro  $AM$ . per il taglio  $I$ . che si farà nel lato  $LO$ . producas  $DIC$ . parallela con  $NM$ . & sarà fatto il parallelogrammo  $ABCD$ . nella lunghezza di  $AB$ . uguale al proposto, per la medesima ragione del precedente esempio, che qui è riuersato.

4 L'ouato parimente si prolungerà, o abbrevierà mettendo i suoi diametri  $CD$ . &  $EF$ . della precedente figura ad angoli retti, & due altri simili, che con loro compischino un parallelogrammo, operando il resto come per il parallelogrammo predetto, formando poi con detti diametri prolungati, o abbreviati l'ouato, come nella Regola 1. al num. 3. è detto.

Come il quadrato, & ogni figura, anco irregolare, che si possi ridur alla quadrata, si trasmuti in qual si vogli figura regolare, senza alterar la sua capacità.

Regola 5.

**G**eneralmente ogni figura si trasmuterà in una regolare, come trigona, pentagona, esagona, eptagona, ottagona, & altra de' più lati, in tal modo. Prima, se la proposta figura non è quadrata, quadrisi per una delle precedenti regole, che le concerne;

uiene; & per esempio sia proposta la seguente quadrata  $A$ . poi, sopra un lato di essa fingasi perfettamente la figura, che si desidera, come la pentagona  $B$ . questa anco trasmuti in quadrata, come  $C$ . per la Reg. 3. impercioche, se alla linea del lato del quadrato  $C$ . posta per prima propotionale, & à quella del quadrato  $A$ . posta per seconda, si trouerà la terza propotionale  $D$ . per il cap. 7. ella farà il lato, sopra il quale si formará la figura pentagona, o altra proposta, di uqual capacità con la prima  $A$ . La ragion di questa operatione è la medesima da per trasmutar la figura quadrata nella circolare al Cap. 6. vedasi ini.

Modo di ridur in una sol figura molti circoli, molti triangoli, molti quadrati, anco fra loro disuguali, o altre figure reducibili alle quadrate.

Regola 6.

**R**iduchansi prima tutte le figure disuguali in tante quadrate, se non son tali, ecetto le circolari, per le precedenti regole à loro conuenienti di questo capitolo, & essendo uguali basterà quadrarne una, che valerà per tutte: ciò fatto, le uguali si ridurranno tutte in un quadrato solo con la Reg. 1. del cap. 8. al num. 2. cioè moltiplicandone una nel numero di tutte, ouero col seguente modo, che serue anco per le inuguali. Pongasi il lato di un quadrato ad angolo retto con quello di un altro, & se sono circoli, pongansi i loro diametri, come nella figura della Reg. 4. sarebbe  $PI$ . &  $PL$ . impercioche, segnata la linea  $LI$ . per gli estremi, per la 47. prop. del lib. 1. di Eucl.  $LI$ . farà il lato di un quadrato, ouero un diametro di circolo, che valerà i due  $PI$ . &  $PL$ . per la 2. prop. del lib. 12. Similmente, posto il lato di un altro quadrato, o diametro di circolo ad angolo retto con questo, come farebbe  $LH$ . segnata la linea per gli estremi  $H$ . &  $I$ , diventerà lato del quadrato, o diametro del circolo, che contenirà i due  $HL$ . &  $LI$ .

E 2 l'istesso



l'istesso farassi con quanti bisogna, finche resti un solo, che abbraccia tutti: qual finalmente potrà trasmutarsi in altra, secondo il bisogno, con le precedenti regole.

Come le figure mistilinee dichiarate nel cap. 1. si possino trasmutar in vn circolo, ouero in vn quadrato, & poi in altre figure, seruata la loro capacità.

## Regola 7.

**R**iduchansi prima tutte le parti di linee rette di tal figure in quadrati, per le precedenti regole, che le conuengono, & tutti poi in vn sol quadrato, per la regola 6. passata: & similmente componghansi tutte le parti circolari in circoli intieri, perche due semicircoli faran uno intiero, così quattro quarte, & simili; & poi tutti in uno, per la predetta reg. 6. cioè fatto, riducasi il circolo al quadrato, per il cap. 3. ouero il quadrato al circolo, per il cap. 6. & finalmente questo trasmutisi in qual si voglia altra figura, secondo il bisogno, per la propria regola anzeposta.

In che modo due figure simili, ma inuguali, di qualunque specie si riduchino all'ugualità, nella sua propria forma. Regola 8.

**S**e qualche volta fosse bisognoridur due figure simili, ma inuguali, all'ugualità togliendo dalla maggiore quel più, che manca alla minore; farassi, riducendole prima tutte dae in quadrati à loro uguali, per le proprie regole, & ambidue in un solo, per la reg. 6. precedente; poi partendolo per mezo, cioè facendolo scalar la metà, con la regola 2. del cap. 8. perciòche, due di questi faranno fra loro uguali, & insieme uguali alle due proposte figure: questi finalmente si potran ridur anco, bisognando, alla sua prima specie, per le proprie regole.

Som-

Sommaria ricapitulatione, come le figure non molto irregolari si riduchino alla regolarità, & le regolari si trasmutino in altre. Reg. 9.

**G**eneralmente tutte le figure, anco irregolari, che si possono partir in triangoli di qualunque specie, anco fra loro inuguali per la Reg. 2. & 3. si posson ridur in parallelogrammi, & in quadrati, & poi tutti in un solo, per la Reg. 6. Il simile pentendosi partir parte in triangoli, & parte in parallelogrammi. Il quadrato anco si riduce al parallelogrammo, per la Reg. 4. & in circolo, per il cap. 6. & il circolo in quadrato, per il cap. 3. Poi i quadrati, & circoli, & i ridotti à loro in altre figure regolari, per la Regola 5. Le mistilinee in altre, per la Reg. 7. Et finalmente le inuguali all'ugualità, con la Reg. 8.

Non credo hormai, che resti figura alcuna all'uso praticone necessaria, che con alcuna di queste regole non possa trasmutarsi in altra, accrescerse, o diminuirsi proportionatamente secondo l'occorrenza, & il bisogno.

Della capacità di tutte le predette figure. Cap. 10.

Come si misurino le figure rettilinee quadrilatere rettangole, & trilateri d'ogni sorte. Regola 1.

**L**a curiosità dell'animo in questo luogo ricerca, che insegniamo anco il modo di saper inuestigar la capacità superficiale, o areale, come dicono i Geometri, delle predette figure; ma perché questo ricerca cognitione dell'Aritmetica posseduta da pochi, m'ingegnarò farlo in modo così facile, & breve, che anco quegli che solo sapranno aggiunger numero à numero, cioè sommare, potranno sicuramente ottener il suo desiderio. La capacità dunque di qualunque figura comunemente s'intende à misure quadrate; come, se il lato, o fianco di una figura farà cinque piedi, è

altra

altra serie di misura, tutta la figura si intenderà abbracciata da figurette quadrate di tal misura l'una. A  
come la seguente figura A.B.C.D. segnata con lineette lo dimostra.

bit	0	1	1	1
AREA				
25				
32	4	5	3	3
40	1	1	1	1

I Sia dunque per esempio bisogno di sa- 5  
per quante pietre quadrate, si ricerchino per  
listare un' una piazza, Chiesa, o altro di figu-  
ra quadrata e quilatera, come la presente B. 5  
ABC D: ouero, essendo già lastricata, quante siano le pietre qua-  
drate contenute in essa: misurisi un lato, o fianco di tal figura  
con la misura di un piede, o altra, che si voglino le pietre; ouero,  
essendo lastricata, numerinse quante pietre per ordine occupino  
un lato, come AB. & per facilità dell'esempio supponiamo hora,  
che sieno solo cinque: poi moltiplichisi il numero 5 per un' altro 5,  
del lato BC. ne resulteranno 25. ouero non sapendosi moltiplica-  
re, giungasi al 5 cinque altre volte 5, che verrà il medesimo nu-  
mero 25, tante pietre dunque di un piede per quadro l' una gran-  
di si ricercano a empir tal figura, o riempirla, tante sono, senza  
numerarle a una per una, come nella figura si vede. Anco se  
farebbe il medesimo non essendo la figura rettangola, ma però  
equilatera.

2 Similmente essendo tal piazza di figura quadrilatera rettangola, ma non equilatera, misurati i due lati inuguali, cioè il lungo, & largo, come è detto; & per esempio uno sia piedi 15. & l'altro 30. moltiplicati 30. per 15. verranno 450. che empiranno tal piazza, ouero sommato il 30. quindici volte verrà l'istesso num. 450. Anco si farebbe il medesimo non essendo la figura rettangola, ma però de' lati opposti uguali.

3 Parimente se sarà un triangolo che habbia un'angolo retto, misurati i due lati, che constituiscano l'angolo retto, & moltiplicate le parti, la metà della somma sarà la capacità di detto triangolo. Ma non hauendo il triangolo niun angolo retto, si dividerà prima in due, segnando una linea dall'angolo più largo, che faccia angoli retti sopra il lato più lungo; perciò che misura-

so il lato più lungo, & la perpendicolare, & moltiplicate le parti insieme, la metà della somma sarà la capacità.

4 Quando poi le misure de lati non sono intiere, come per esempio nella presente figura IK di piedi 7. & tre quarti, & LM di 10. & mezzo, o due quarti, si farà in medesimo con un poco più fatica; cioè, si moltiplicheranno i piedi interi 10. con 7. che faranno 70. poi tre quarti con i piedi 10. che fanno 30 quarti, & li 2. quarti con li piedi 7. che fanno quarti 14. & uniti con li 30. sono 44. che vagliono piedi 11. da giungersi con i primi 70. che diventeranno 81. per la capacità di detta figura, manco il cantoncino in L qual si hauerà moltiplicando li 2. e 3. quarti insieme; che verrà 6. ma non più faran quarti, così li 4. con 4. che daran 16. da scriuersi sotto il 6. che diranno 6. sextodecimi, & più breui, tre ottaue parti d'un piede; così sempre farassi, etiam che l'un numero rotto sia quarti, e l'altro terzi, o qual si voglia. Quello anco, che non saprà moltiplicare, sommarà li 10. piedi interi 7. volte, poi 3. volte 10. per li quarti di una banda, & 2. volte 7. per gli altri, che uniti, e tolvi mezi, & ancora mezi resteran interi da giungersi con gli altri primi.

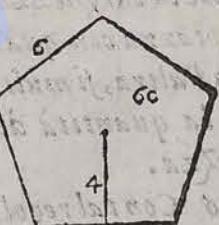
Ma quandola piazza è lastricata, o si vuol lastricare di pietre quadrate non equilatero, come comunemente sono le pietre cotte, dette quadrelli, si segnara cinq[ue] o dieci volte la longhezza di una di dette pietre sopra una periccia, & altre tante volte la larghezza sopra un'altra, & misurata la longhezza del la piazza con qual si vuole di dette pertiche, & la larghezza con l'altra, si moltiplicherà il numero insieme, & la somma farà la quantità delle pietre, che contiene, o può contenere la piazza.

<sup>6</sup> Contal regola anao si può giudicar quante persone capeno  
in una Chiesa, determinando un braccio per quadro ad una per-  
sona; impercioche, misurato quante braccia sia la lunghezza, &  
L. 1.

Frutti singolari della Geometria.  
larghezza della Chiesa, & moltiplicate insieme, daran il numero di quante vi capeno.

Come si troui la capacità di qualunque figura rettilinea regolare, o irregolare, che non habbia angoli retti, ouero pochi. Regola 2.

**Q**uesta regola principalmente seruirà à quelli, che misurano terreni, & de molti modi in ciò usati daremo il seguente per più sicuro, & espedito. Sia dunque per esempio un pezzo di terreno simile alla figura seguente, considerata senza i lineamenti interiori, da misurarsi à pertiche per quadro, o altre misure usate nel paese. Prima procurisi di ridur, o diuider tal figura in quadrati, e triangoli maggiori al possibile, scandagliando prima con una simile figura sopra una carta, e poi tirando sopra il terreno cordicelle in cambio di linee, ouero piantando bastoni per dittaura di vista ad angoli retti, que possono venire, con l'aiuto d'una squadra, come rappresenta questa figura, & que occorre il terreno esser tortuoso al quanto, come fra O. P. potrà tirarsi la corda da O. al P. in modo che lasci fuori verso P. tanto, quanto si giudica con misure esser quello, che si aggiunge verso O. Ciò fatto, misurerassi la capacità de quadrati, e triangoli rettilinei, & rettangoli, come è detto nella regola prima, & posta tutta la somma insieme, verrà la capacità del terreno. Ma essendo la figura pentagona, esagona, o altra regolare del cap. 1. moltiplicando la metà del suo ambito in una linea segnata dal centro al mezo di un lato hauerassi la sua capacità; come se nella presente figura poniamo la linea dal centro esser piedi 4. & la metà dell'ambito esser 15. moltiplicando il 15. per 4. verran di capacità piedi 60.



Della

Della capacità della figura circolare, & ouata, & come si troui la quantità delle pietre, che sono, o possono entrare in vn'arco, o volto. Regola 3.

**L**a più breue, & sicura via per inuestigar la capacità del la figura circolare, che sin hora sia data, sarà, che si troui la linea, che fa il quadrato uguale alla capacità del circolo con la nostra regola del Cap. 3. impercioche, misurata à piedi, palmi, o altre misure usate, & moltiplicate in altrettante, come è detto per il quadrato nella precedente Reg. 1. la somma sarà la vera capacità del circolo, come ben potrà conoscere quello, che le misure di Archimede sin hora haurà usate.

2 Ma perche tal volta la figura circolare sarà fra muri, e di grandezza incommoda, come nel Pantheon, & cupola di S. Pietro in Roma, & simili, che non si potran far in essi i lineamenti necessarij; in tal caso si piglierà solo la lunghezza del diametro con la misura delle pietre, che è lastricata, o di quelle con quali si vuole lastricarla, ouer di braccia, per inuestigar la quantità delle persone, che può contenere; & segnarà una linea in un pavimento piano lunga una pertica, o più, si diuiderà in tante particelle quante furon le misurate nel diametro, & segnare si intorno il circolo, tronerassi la linea quadratrice EB. insegnata nel Cap. 3. impercioche moltiplicate le parti, che a detta quadratrice toccano delle segnate in i, in altrettante, come è detto per le figure quadrate, sarà trouato il numero delle pietre, o persone, che vi sono, o che vi possan capire.

3 La capacità della figura ouata si trouerà anco facilissimamente, riducendola prima al circolo, con la Reg. 1. del cap. 9. al num. 4. & poi al quadrato per il cap. 3. & per darne un'esempio, pigliaremo il sontuosissimo Anfiteatro fatto già dalla Città di Verona, simile al quale, che sia in piedi, non si trova altro nel mondo, come da libri sappiamo, qual è di figura ouata, & diremo la quantità delle genti, che può capire. La lunghezza dunque de

F tutto

entro il corpo misurata a piedi Veronesi è 424. & la larghezza 325. & perche per la capacità d'un uomo vi vuole almeno un piede e mezo, o un braccio per quadro, leuo la terza parte da 424. restano 283. che vagliono un piece, e mezo l'uno, così leuo il terzo da 325. restano 217. segno dunque una linea lunga una pertica in un piano, & la diuido in parti 283. & un'altra a lei congiunta in drittura in 217. con la medesima misura, & fra queste due linee trouo la linea media proporzionale per il cap. 7. al num. 2. & segnatele intorno un circolo, trouo col cap. 3. la linea PB. che fa il quadrato uguale al circolo, qual sopraposta alla linea dinisima, trouo responderle le particole 212. al quanto più, che moltiplicate in altrettante mi danno luogo per quarantacinque mille persone, parte in piedi nel vano, & parte a sedere nelle scalinate del nostro Anfiteatro; la metà cioè ordinaria delle genti di Verona. Si crede però, che intiero capisse il doppio.

4 Per saper finalmente quante pietre sono, o possono entrare in un'arco, o volto di una Chiesa, segnaremo in terra la medesima figura dell'arco in larghezza, e altezza, come s'insegnano nel cap. 9. al nu. 3. & metteremo tanti quadrelli in taglio sopra l'arco, come vanno in opera, che lo piglino tutto, poi ne metteremo ancora tanti per lungo, come vanno, quanto è la lunghezza della Chiesa in uolata, perciòche, moltiplicato il numero di questi con quel di dell'arco, verrà il numero di tutto il volto. Et essendo sopra la volta certe cinte di doppio numero de quadrelli, nell'istesso modo si computeranno.

Ma per una volta semisferica perfetta, moltiplicherassi il numero de quadrelli in taglio, che occupano il diametro, con quelli della circonferenza posti per lungo, o per testa, come hanno d'andare, impercioche la metà sarà il numero de quadrelli, che vi sono, o vi ha d'andare.

Dell'

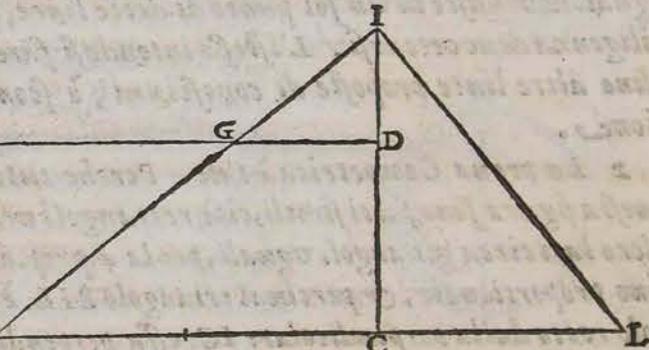
Dell'accrescimento, & diminuzione de i corpi, e vani regolari, & dependenti da loro, con l'aiuto delle quattro linee proporzionali. Cap. II.

Come fra due proposte linee di qual si voglia conosciuta, o sconosciuta proporzione, si trouino due altre medie, che tutte quattro rispondano in continuata proporzione. Reg. I.

**G**ià hauemo posto in luce un trattatello dell'inuentione, & uso di queste linee connoua, & facil maniera, con le debite, & sufficienti proue Geometriche; per tanto qui solo mettereemo la pratica per trouarle, & brevemente la proua; ma l'uso loro, che succintamente esponessimo per la trasmutation de corpi, hora con l'aiuto della trasmutation delle figure Geometriche anteposta, & della quadratura l'ampliaremo al possibile.

Siano dunque in esempio proposte due linee in due applicata proporzione, cioè una il doppio dell'altra, da trovarsi fra loro B due altre medie, che tutte quattro rispondano in continuata, & doppia proporzione: pongasi la minore sopra un foglio, o tavoletta piana, come AB. nella presente figura, & la maggiore ad angolo retto con essa, come BC. & compiscasi il parallelogrammorettangolo ABCD. segnandone due altre simili, come AD. & DC. & perche bisogna operar perfettamente, prouisi, se la distanza AC. è uguale à quella di BD. come si conviene. Producasi poi BC. verso L. & CD. verso I. quanto piace, & segnansi le due linee BI. & IL che faccino l'angolo retto sopra la linea CL. in modo, che le

F a 84-



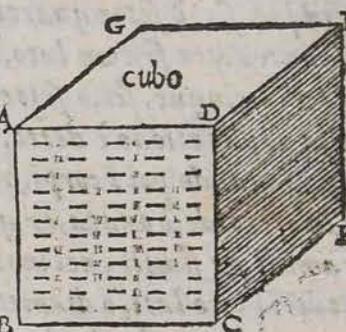
tagliate AG. & CL. venghino uguali: questo commodamente farassi segnando la prima linea BI. che tagli più oltre del mezo di AD. à giudicio, come in G. perciò che trasportata AG. in CL. & fermato un piede del resto al mezo della linea BL. se, mouendo l'altro piede per l'angolo B. in giro, passarà giustamente per il taglio I. saran trouate le proposte linee; ma se il punto I. sarà più alto, s'abbassi circa due terze parti di tal altezza, & se più basso, s'alzis' le dette due terze parti, & di nuovo segnis' BI. & trasportisi AG. in CL. finché s'agginston; & allora AG. ouero CL. sarà la media minore, & CI. la maggiore in continuata, & doppia proporzione fra le due AB. & BC. assunte. Ma quanto all'uso pratico più facilmente e' requirassi applicando un Gnomone, o squadra perfetta con l'angolo sopra la linea DI. & un lato al punto B mouendo in su o in giù l'angolo per la linea DI. che sempre il lato tocchi B. finché, à proua di resto, le due AG. & CL. tagliate dalla squadra si trouino uguali: & perche questa uqualità consta in un sol punto di dette linee, però con somma diligenza deve cercarsi. L'istesso intendasi fare con qual si voglino altre linee proposte di conoscenza, o sconosciuta proporzione.

2 La proua Geometrica è tale. Perche tutti i triangoli di questa figura sono fatti simili, cioè rettangoli nella costruzione, i loro lati circa gli angoli uguali, per la 4. prop. del lib. 6. di Eucl. sono proporzionali; & perche il triangolo BIL. è diuso per l'angolo retto dalla perpendicolare IC. essa perpendicolare per il coroll. della prop. 8. del lib. 6. è proporzionale media fra le due BC. & CL. cioè la maggior linea BC. proposta è antecedente a CI. & CI. a CL. in proportion continua; ne segue, che essendo AG. fatta uguale a CL. anao essa sia conseguente a CI. quale essendo anco ascendente ad AB. (minor linea proposta) per esser circa l'angolo retto A. come CI. circa il retto C. & terminata homologa, cioè simile in proporzione a CI. dalla medesima retta BI. per la citata prop. 4. saranno tante quattro BC, CI, CL, & AB. in proportione

In

In che modo qual si voglino corpi regolari, o dependenti, & i loro vani si possino duplicar, triplicar, & più oltre proportionatamente, che anco rispondano al peso in materia simile. Reg. 2.

**H**AUENDO bisogno il semplice artefice di formar vn corpo, ò vano maggior di vn' altro, per esempio il doppio, non pensi già, che debba pigliar due volte la grossezza del corpo, per che s'ingannerebbe di gran lunga, & lo farebbe otto volte maggiore: il modo è stato gran tempo occulto, & poi con molta difficolta trouato per via delle quattro linee proporzionali, ma da noi più facilmente, & sarà questo. Proposto dunque in esempio da duplicarsi, triplicarsi, o più oltre il corpo cubo significato qui dalle lettere A, B, C, D, E, F, G. ouero il sferico, palla, o bocca di bombarda, come AC. da aumentarsi proportionatamente. Pigliasi con diligenza il lato AB. del cubo, & se è vaso cubico, il suo profondo, & del la palla, o bocca di bombarda il diametro AC. (intendendo il diametro esser la maggior linea, che può hauersi passando per il centro) fra questo lato dunque, o diametro, & un'altra linea il doppio maggiore, tre volte, o più quanto piace, trouansi le due medie proporzionali con la precedente Regola; impriuchoche la media minore, come AG. ouero CL. sarà il lato, o diametro, sopra il quale si potrà fabricare il corpo, o vano simile al primo due, ere, o più volte maggiore, come si propose. La ragion di questo pende dal coroll. della 33. prop. del lib. 11. di Euclide. Conseguentemente anco CI. seguirà la medesima proporzione, come se sarà doppia farà il cor-



po.

p<sup>o</sup>, ò vano doppio a quello di CL. & BC. a quello di CI. ma quello di BC. a quello di CL. & quello di CI. a quello di AB. lo farà quadruplo, & quello di BC. a quello di AB. octuplo, come i seguenti numeri in Geometrica proportion dupla posti dinotano. 8-4 2-1 L'istesso intendasi di qualunque altra proporzione, come tripla, i numeri proporzionali della quale sono. 27-9-3-1 & della quadrupla. 64-16-4-1 & simili.

2 Volendosi anco far crescer il corpo, ò vano regolare la metà, la terza, la quarta, ò altra parte, cioè formarlo di quattro terzi, di cinque, sei, ò sette quarti, troueransi le due medie proporzionali antedette fra un lato, ò diametro del corpo, ò vano, & quattro terzi, cinque, sei, ò sette quarti del medesimo, operando come per la duplicatione è detto.

3 Quando poi i corpi, ò vani sono dependenti da regolari come la sferoide, ò ouata, & quelli de' lati inuguali, come colonne, piramidi, & simili, nel modo detto per i regolari si aumenteranno tutti i loro lati, ò diametri inuguali, & con loro se fabricherà il corpo, ò vano simile al proposto.

4 Vn' altro modo vi è per accrescer i corpi, e vani, massime che hanno i lati inuguali, che si può chiamar ingrossare, lascian do inuariata la loro lunghezza, ò altezza; cioè, che si aumenti la base quanto piace, come la quarta, ò quinta parte per la reg. 1. del cap. 8. & soprat tal base si fabrichi il corpo, ò vano nell'altezza, & simili indine del primo. La ragion pende dalla 32. prop. del lib. 11. di Euclide.

Come i corpi, e vani regolari, & dependenti da loro si possino diminuire proportionatamente nella loro similitudine. Regola 3.

**N**on sarà difficile anco con le istesse linee proporzionali diminuir i corpi, e loro vani, come cubi, sfere, & vasi simili, & dependenti da loro; cioè farli capaci di tre quarti, di due, & di uno, ò di altra porzione, mettendo il lato, ò diametro del posto

posto corpo, ò vano in luogo di BC. per prima proporzionale nella figura della prima regola, e tre quarti, due, uno, ò quanto piace in luogo di AB. per seconda; impercioche, trouate fra loro le due medie, come iui s'insegna, la media maggiore, come CI. farà il lato, ò diametro, sopra il quale formato il corpo, ò vano simile al primo farà diminuito nella misura desiderata. Auvertendo, che per i corpi de' lati, ò diametri inuguali si deve far la medesima diminuzione per ciaschedun di loro inuguale. La ragion di questa operatione è la medesima di quella della precedente, ma al contrario; impercioche, sì come in quella la media minore aumentava la minore AB. sua prossima, così questa maggiore delle medie diminuisce la sua prossima maggiore BC.

2 Si potranno anco diminuir i corpi, e vani lasciandoli nella sua altezza, ò lunghezza, diminuendo solo le loro basi, come nella precedente reg. al num. 4. hauemo auvertito.

Della trasmutatione de i corpi, e vani regolari, & dependenti da loro. Cap. 12.

Come si trasmutino i corpi, & vani di base regolare, ò dependente da regolare in altri di altra base restando nella sua altezza, quantità, ò capacità.

Regola 1.

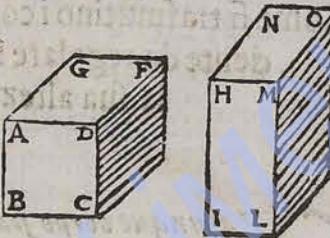
**Q**ualunque corpo sia, che sopra una base sferica, trilatera, quadrilatera, & di più lati, anco mistilinea, ò de lati inuguali, s'inalzi in retta linea ugualmente, come cubi, colonne, prismi, & cilindri; ouero si stringa, come le piramidi acute, ouero s'allarghi nella medesima drittura, come piramide senza punta, riuolta al suo contrario sito; ouero i loro vani, come vasi di varie forme, cioè de pozzi, Tēpū, Torri, & simili esposti nel cap. 1. & se vorrà trasmutarlo in altra sorte di base: prima si ridurrà la base in quella, che più piace per una delle Reg. del cap. 9. che le conuenga, come nella Reg. 9. si nota: ciò fatto, soprat tal base fabri-

fabrichi si il corpo, ò vano nell'altezza rettilinea del primo proposto, & farà uguale in quantità, & capacità ad esso per la 31. prop. del lib. 11. di Eucl. perche le basi, & le altezze sono fatte uguali, & le basi, & le altezze per la 34. del medesimo sono reciproche.

Come i corpi, e vani della precedente regola si possino abbreviare, ò allungare ad vna proposta misura in simil, o dissimil base, senza alterar la lor quantità, ò capacita. Reg. 2.

**R**iducasi prima la base alla figura quadrata, se non è tale, per una delle Reg. del cap. 9. come iui nella Reg. 9. si auisa; poi allunghisi, ò abbreviasi una faccia, o fianco del corpo compreso da due linee dell'altezza, & due della base già quadrata alla misura, che si vuole per la Reg. 4. al num. 2. del cap. 9. & per esempio sia da prolungarsi il seguente cubo alla misura di HI. della seconda figura, & già la faccia ABCD. quadrata di detto cubo sia prolungata nel parallelogrammo HILM.

Ciò fatto, perche il parallelogrammo abbreviato, ò allungato farà uguale à quello del corpo proposto, anco sopra esso per la 31. prop. del lib. 11. di Eucl. tutto il corpo farà ridotto in un parallelepipedo, come IO. & la base AF. del cubo farà mutar anella HNOM. compresa da un lato della base AB. & dal lato più corte HM. del parallelogrammo HILM. fra questi due lati dunque HN. & HM. se troveremo la media proportionale per il num. 2. del cap. 7. ella farà il lato della futura base quadrata uguale alla parallelogramma HO. per la 17. prop. del lib. 6. di Eucl. & sopra essa si potrà formar il corpo, ò vano nell'altezza HI. desiderata, che farà uguale al parallelepipedo, per la 32. prop. del lib. 11. & conseguentemente al corpo proposto. Tal base finalmente si posrà trasmutar, bisognan-



gnando, in qualunque altra, che piaccia per le regole del cap. 9. & sopra essa constituirsi il corpo.

2 Le piramidi anco si abbrevieranno, ò allungheranno nel medesimo modo, operando con le loro basi, & altezze, come se fossero colonne; non come un moderno Geometra disse, che volendosi per esempio allongar la quarta parte, si abbreviasse la base un quarto, & sopra essa si fabricasse la piramide un quarto più alta di quello, che era: perciò che, dopo abbreviata la base, la quarta parte, che s'ha da giunger ritien la grandezza della prima base, & perciò non può unirsi con l'abbreviata.

In che modo si riduchino le colonne d'inequal grossezza, come le piramidi tronche all'ugualità nella loro altezza, & nella loro, ò altra base senza alterar la quantità. Reg. 3.

**P**rima, se le due basi estreme non sono quadrate, quadrinsì per una delle regole del cap. 9. & per la reg. 8. dell'istesso cap. riduchinsi all'ugualità, perche il corpo fatto sopra esse farà uguale al primo, come si deduce dalla 31. prop. del lib. 11. essendo nell'altezza medesima, fra due basi insieme uguali alle due prime: ecco la figura della piramide tronca tolta dal cap. 1.



Come le piramidi di qual si voglia spetie si riduchino in colonne sopra le proprie, ò aliene basi, senza mutar la loro quantità. Reg. 4.

**P**oiche è prouato nel lib. 12. prop. 10. & nel coroll. della prop. 7. di Euclide, che le piramidi d'ogni sorte sono la terza parte di un prisma, ò colonna parallelepipedo, che sopra la lor base, & altezza sia fatta; se si farà la colonna soprat tal base, ò altra à lei uguale alta, quanto la terza parte della piramide, al colonna farà alla proposta piramide uguale.

Come tutti i corpi, che si possono ridur in colonne, si possano anco ridur in piramidi sopra le proprie basi, ouero nella propria altezza, senza alterare la quantità. Reg. 5.

**R**idotto dunque il corpo proposto in colonna quadrata, o cilindrica, se non è tale per le precedenti Reg. sopra la base di essa si formarà la piramide alta tre volte l'altezza della colonna; perchè ogni colonna, o prisma è triplo alla piramide sopra la sua base, come proua Euclide nel lib. 12. in più luoghi. Volendo poi, che la piramide non superi l'altezza della colonna, per la medesima ragione si triplicherà la base, e sopra essa si formarà la piramide nell'altezza della colonna.

In che modo tutti i corpi, & loro vani, che sono, ouero si possono trasmutar in colonne quadrate, si possano anco trasmutar in corpi, o vani cubi nella lor quantità, o capacita. Reg. 6.

**T**utte le colonne di base quadrata, & piramidi ridotte in colonne per le precedenti regole, si ridurranno in corpo, o vano cubo, togliendo il lato della base, & la linea della lunghezza; come, per esempio, nella figura del cap. 11. sotto la Reg. 1. sarebbe  $AB$ . &  $BC$ . se  $AC$ . fosse colonna, & fra loro trouando le due medie proporzionali, come ini s'insegna, impercioche la minore, come  $CL$ . sarà il lato per formarui sopra il corpo, o vano cubo uguale alla colonna  $AC$ . proposta, come nella Reg. 2. del cap. 11. è stato prouato. Auvertendo però, che quando la colonna è manco alta del lato della base, (che veramente non è da chiamarsi colonna) bisogna prima quadrar la base minore parallelogramma, trouando la media proporzionale fra i due lati inuguali, per il cap. 7. & poi fra un lato di tal base, & un altro della maggiore trouar le due medie proporzionali sopradette.

Come

Come i cubi, colonne, piramidi, & loro vani si possino trasmutar in sfere, & sferoidi senza alterar la loro quantità, o capacita. Reg. 7.

**R**iducasi prima la base del cubo, o colonna alla figura quadrata, & poi alla circolare, se già non è tale per le Reg. del cap. 9. & le piramidi in simil colonne cilindriche per la precedente reg. 4. poi pigliata la linea del diametro della base sola, & la linea dell'altezza, o lunghezza una volta e meza, fra loro trouansi le due medie proporzionali per la Reg. 1. del cap. 11. impercioche la media minore sarà l'altezza, & anco il diametro della base di un cilindro retto sesquialtero alla colonna, o piramide proposta, & parimente il diametro della sfera desiderata; perciò che Archimede nel li. della sfera, & cilindro, proua che il cilindro retto è sesquialtero ad una sfera fatta sopra il diametro della sua base, cioè vale meza volta più, perciò si giunge alla colonna quella mezza più, acciò la sfera, che è tantomanco, resti alla colonna uguale.

**2** Et perche anco dal medesimo Archimede è prouato nel li. de Sphaeroidibus al theor. 29. che qualunque cilindro è sesquialtero ad una sferoide, che habbia la lunghezza, e grossezza di esso cilindro, cioè la contiene una volta, e mezza, se si piglierà la lunghezza del cilindro, fatto del corpo proposto, una volta e mezza, restando inuariata la grossezza, ouero una volta e mezza la grossezza, restando la lunghezza; & poi si breuierà, o allungherà secondo che piacerà sia la sferoide, per la Reg. 2. si potrà poi formarla con la sagoma dell'ouato fatta con la Regola data nel capitolo 9. al numero 3. che puntualmente iuscirà al proposto corpo uguale.

In che modo si possa trasmutar in vn cubo, & sfera il corpo regolare di tre piramidi di detto Tetraedro, l'Ottaedro di 8. il Dodecaedro di 12. & l'Icosaedro di 20 esposti nel 1. cap.

## Regola 8.

**I**N tal caso si piglierà una linea dal mezzo di una base sino al centro del corpo, che sarà l'altezza di una piramide di esso corpo sopra tal base, & il terzo di tal linea sarà l'altezza di una colonna, o prisma sopra la detta base, che valerà la quantità della piramide per la Reg. 4. precedente: poi ridotta tal base alla figura quadrata, se non è, per la Reg. 2. del cap. 9. pongasi la lunghezza di tal colonna in retta linea tante volte, quanto è il numero delle piramidi, o basi del corpo, & fra essa, & un lato della base quadrata di detta colonna trouansi le due medie proporzionali per la Reg. 1. del cap. 11. impercioche la media minore sarà il lato di un cubo, che valerà tutte le dette colonne, o piramidi, & conseguentemente tutto il corpo proposto, come nella Reg. 6. precedente habbiamo esplicato, & nella 2. del cap. 11. approuato.

2 Si può ancor ridur una base d'una piramide in un quadrato, & poi quante sono le basi, ridur tanti simil quadrati in un solo, per le Reg. del cap. 9. percioche sopra esso farà ridotto tutto il corpo in parallelepipedo, alto la terza parte di una piramide del corpo proposto; qual poi si ridurrà al cubo per la precedete Reg. 6.

3 Volendosi poi trasmutar il proposto corpo in una sfera; dopo haverlo trasmutato in cubo, o parallelepipedo, per il precedente. I. & 2. con la reg. 7. anteposta, si trasmuterà anco in sfera.

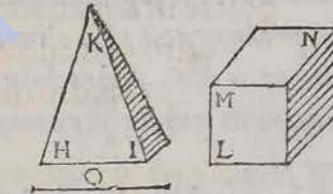
Come il corpo sferico, & il cubico, o altro, che si possa ridurre al cubo si possa trasmutare in altro regolare nominato nella precedente regola, senza alterar la sua quantità. Reg. 9.

**I**L proposto corpo dunque se non è cubo riduchisi al cubo per le precedenti regole, & sopra il lato di una base fingasi perfettamente

zamente il corpo regolare, che fabricar si vuole, o almeno una delle sue piramidi, & poi trasmutisi in cubo; & per esempio: il proposto corpo da trasmutarsi sia il primo cubo seguente, & il finto sopra il lato della sua base sia la piramide di un Icosaedro, come HIK. & questa sia trasmutata nel cubo LN. che segue con le Reg. 4. & 6. poi tolto un lato del trasmutato corpo, come LM. per prima linea proporzionale, & il lato del corpo proposto, come BC. ouero HI. del finto, che è l'istesso, per seconda: trouisi la terza per il cap. 7. come la O. impercioche questa sarà il lato della base, sopra la quale si formarà la piramide, o altro corpo desiderato, che sarà uguale a quello che si propose.

La ragion di questo è, che per la 37. prop. del lib. 11. di Eucl. i corpi simili fatti sopra linee proporzionali riceuono fra loro la medesima proportione di esse linee; & perche in proportion continua la seconda linea si assume due volte, cioè per conseguente alla prima, & per antecedente alla terza, portarà anco due corpi dissimili bisognando; come il cubo BF. quando si assume per conseguente al cubo LN. & la piramide HIK. quando si fa antecedente ad un'altra simile sopra la terza linea O. percioche basta solo, che siano simili i due corpi, fra' quali si fa la comparatione, come anco si osserva nelle proportioni discontinue. Pertanto, essendo le linee BC. & HI. fatte uguali, sarà la piramide sopra HI. à quella sopra O. nella proportione, che è il cubo LN. al cubo BF. & permutando, perche la piramide HIK. è uguale al cubo LN. per la costruzione, anco la piramide sopra la terza linea O. sarà uguale al cubo BF. sopra la linea BC. come si propose. Et questa è una secreta proportione in corpi dissimili molto notabile, & degna da giungersi per corollario, o scolio alla 37. prop. del lib. 11. di Euclide.

La piramide dunque, o altro corpo de' lati inuguali sopra linea



nea O. si formerà simile al finto proportionatamente in tal modo; Si collocherà la linea O. sopra HI. & dal termine, che auançerà fuori da H. si segnarà una linea parallela con HK. tanto lunga, che prolungata IK. s'incontrino insieme; & quando la O. fosse minore di HI. si produrrebbe la parallela dentro da H. Venti dunque di queste piramidi constituiranno l'Icoſaedro proposto.

In che modo la Sfera, & la Sferoide si trasmuti in vn Cilindro, Colonna, Piramide, & altro corpo, o vano regolare di quantità, o capacita uguale. Reg. 10.

**T**olto il diametro della Sfera, o il minore della Sferoide, & posto per diametro di base per vn Cilindro, & due terze parti di quello della Sfera, o del maggiore della Sferoide per altezza, tal Cilindro, per Archimede citato, sarà uguale alla Sfera, & Sferoide proposta: quadrata poi la base di esso per il cap. 3. diventerà colonna quadrata, come nella Reg. 1. è prouato; sopra la base della quale, & del cilindro, triplicando l'altezza, si potrà formar anco la Piramide uguale, per la Reg. 5. poi per la Reg. 6. si ridurrà in cubo, & per l'8. in altri regolari.

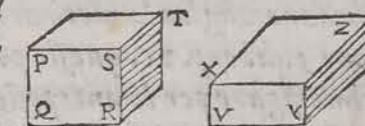
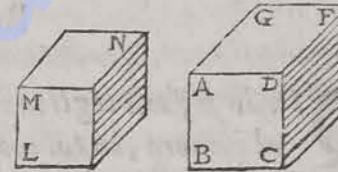
Come due, o più corpi, o vani cubici, o sferici, & non, & quali vogliono altri, che prima al cubo ridursi possino, si riduchino in vn sol corpo, o vano nella sua, o altra figura. Reg. 11.

**I** Corpi dunque, o vani, che non sono cubici, o sferici riduchinſi al cubo per la Reg. 6. ouero 8. precedente; poi, se sono uguali, ponghiniſi in retta linea a tanti lati, o diametri, quanti sono i corpi, o vani; & fraessa, & un lato, o diametro trouiniſi le due medie proporzionali per la Reg. 1. del cap. 11. perciocche la media minore farà il lato, o diametro, sopra ilquale si formarà un cubo, o sfera di capacità uguale à tutti i proposti, come nella regola 2. del cap. 11. fu prouato.

2 Quan-

2 Quando poi i cubi, o sfere sono inuguali, bisognaridur prima anco le sfere in cubi per la Reg. 10. precedente, & poi tutti à due à due in uno, ma sempre il minore al maggiore in tal modo. Siano per esempio i due seguenti LN. & BF. prima trasmutisi la base MN. del minore in un parallelogrammo nella lunghezza del lato AD. del maggiore, per la Reg. 4. del cap. 9. come si vede PT. fatto nella terza figura, perciocche PS. è posto uguale ad AD. & allhorai il cubo minore sopra tal parallelogrammo PT. sarà ridotto in un parallelepipedo QT. à lui uguale, & nella propria altezza PQ. che è uguale à LM. come nella Reg. 1. di questo capitolo fu prouato. Dipoi, tolta l'altezza RS. & il lato ST. più breue, nel predetto modo prolunghisi il parallelogrammo RT. alla misura di AD. con la predetta Reg. 4. al num. 2. come si vede rappresentato qui nella quarta figura con le lettere YZ. & così il parallelepipedo QT. verrà trasmutato nel suo uguale VZ. & conseguentemente uguale anco al cubo minore LN. la cui base XZ. sarà uguale à quella AF. del cubo maggiore. Nell'istesso modo anco si farà un tal parallelepipedo del terzo cubo, & di quanti saranno, sopra la base AF. del maggiore. Finalmente al lato AB. del maggiore giungasi il lato breve XV. del parallelepipedo, & tanti altri, quanti sono i parallelepipedi trasmutati, & fra questa linea, & il lato AB. solo del cubo maggiore trouiniſi le due medie proporzionali per la Reg. 1. del ca. 11. perciocche la minore delle medie farà il lato, sopra ilquale si formarà il cubo, che valerà tutti i cubi proposti, come nella Reg. 2. del cap. 11. è prouato; qual poi si potrà ridur alla pristina figura con le precedenti regole.

Modo



Modo di ridur due corpi, ò vani regolari inuguali all'vgualita,  
se bene dissimili, nella sua, ò aliena figura.

## Regola 12.

**Q**uesto si farà togliendo dal maggiore quel più, che manca  
al minore, in tal modo. Riduchansi tutti due i corpi in  
cubi, se non sono, per le precedenti regole: poi tutti due in un cu-  
bo solo per la Regola precedente: & finalmente in due, che cia-  
sccheduno vaglia la metà di questo, per la regola della diminu-  
zione 3. del cap. 11. questi poi, bisognando, trasmutansi nelle sue  
prime figure per le anteposte regole che le conuengono, & saran-  
no fatti uguali i corpi proposti.

Come i corpi misti, cioè parte rettilinei, & parte curuilinei  
si riduchino in regolari. Regola 13.

**R**estano da trasmutarsi, bisognando, alcuni corpi misti non  
molto irregolari, come quelli, che sopra regolari hauesse-  
ro alcune picciol sfere, ò semisfere, & questo farà il modo. Si ri-  
durrà prima la parte rettilinea in un cubo, & le parti curuili-  
nei in sfere, & poi in cubi, & tutti i cubi finalmente in uno per  
la Regola 11. precedente: & questo anco in qualunque altro,  
che piaccia per le conuenienti regole anteposte, massime por  
la nona.

Non credo hormai, che resti corpo, ò vano alcuno, che per l'uso  
humano habbia bisogno di alteratione, ò trasmutatione, che per  
qualcheduna delle proposte regole non possi hauere il suo effetto.

Della

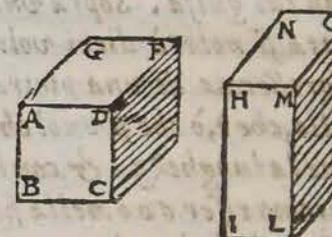
Della misura cubica, ò soda de' corpi regolari, & dependenti  
da loro. Cap. 13.

Et prima, come si troui la quantità soda del corpo cubo, del  
parallelepipedo, prisma, & delle loro piramidi, & sappia il  
peso senza pesarli, e la quantità delle pietre che sono ò pos-  
sono entrar in vna muraglia senza numerarle. Reg. 1.

**L**a misura soda de corpi communemente s'intende esser cu-  
bica, cioè, che il corpo contenga tanti corpicelli cubici quā  
se sono le misure in esso trouate. Et per esempio sia il seguente  
cubo B.F. & la colonna parallelepipedo I.O. di pietra, ò di metal-  
lo, & desiderisi saperne la quantità, ò peso per poterli condurre;  
ouero volendo farne de simili, saper la spesa, ò pagarli à ragion de  
tanto il piede. Del cubo dunque misurerassi un lato solo, perché  
sono tutti uguali, come A.B. & supposto esser piedi 4. multiplican-  
doli in altri 4. di B.C. hauerassi la capacità areale della faccia,  
ò base ABCD. cioè de piedi 16. come  
nel cap. 10. s'insegna; hora multipli-  
cando questa base, cioè 16. un'altra  
volta per 4. cioè per l'altezza D.F.  
hauerassi tutto il nu. di 64. corpicelli  
cubici d'un piedi l'uno per ogni sua la-  
zo. Quello anco, che non saprà multi-  
plicare, potrà sommar 4. volte il 4. insieme, che hauerà 16. per la  
base, & poi 4. volte il 16. & trouerà l'istesso num. 64. desiderato.

2 Per la colonna parallelepipedo misurerassi un lato breue,  
& un lungo di una base, come H.M. & H.N. multiplicandoli in-  
sieme per hauer la capacità della base HMNO. non quadrata, &  
questa nell'altezza HI. & otterrassi la quantità cubica di det-  
ta colonna; ouero, se alle volte paresse più commodo, potrassi tro-  
uar la capacità della base HILM. & moltiplicarla nell'altezza  
di H.N. che verrà l'istesso; così d'ogn'altro simil corpo intendasi.

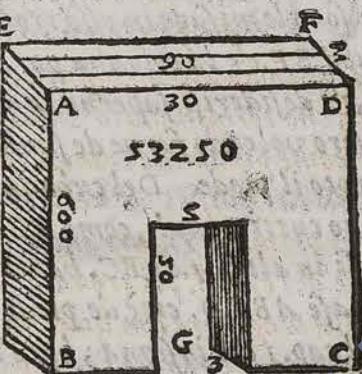
H. 3 Simil-



3 Similmente quando le basi della colonna, o prisma di equal grossezza in lungo, saran circolari, triangole, pentagone, esagoni, o di altra figura, etiam irregolare, che però si possa ridur a una regolare; misurata la capacità di una per le proprie regole del cap. 10. si multiplicherà nell'altezza, & haurasi la desiderata quantità.

4 Sapressi anco il peso di qualunque corpo misurato, formando un cubetto di un piede per ogni lato, o di altra misura usata, della materia, che fu fatto il corpo, perche questo commodamente si potrà pesare, & poi multiplicar il peso nel numero de i cubetti contenuti nel corpo.

5 Conseguentemente con questa E regola si potrà sapere la quantità delle pietre quadrare, o quadrelli, che sono in una muraglia, torre, o altra fabrica parallelepipedo, cioè de grossezza uguale; ouero la somma, che vi andarebbe volendola fabricare, in tal guisa. Sopra una pertica dritta si noterà dieci volte almeno la grossezza di una pietra, o quadrello, che è, o che si vuol che sia nel muro, & sopra un'altra, dieci volte la lunghezza, & con la prima si misurerà l'altezza, qual poniamo esser 800. nella figurata muraglia presente AB. & con la seconda la lunghezza, & larghezza o grossezza, qual hora poniamo esser 30. per lunghezza AD. & se sono quadrelli, per la larghezza si piglieranno con i lati brevi, o teste, cioè se sono uno è mezzo, si piglieranno per tre, come hora supponiamo AE; nè com misurare si considererà altro, siano posti parte per longo, & parte per largo; impertioche multiplicato il numero della lunghezza del muro, cioè 30. in quello della grossezza, che è 3. verrà la quantità di un corso di dette pietre, cioè 90. come AEF D. poste, o da porsi nel muro con che ordine piace, & queste moltiplicate nel nu. 800. dell'altezza daranno tutta la quantità de 54000.



E effendoui fenestre si misureranno poi separatamente, come se fossero muro, & si caueranno da tutta la summa, acciò resti solo il pieno della muraglia. Come la porta C larga quadrelli 5. grossa 3. & alta 50. che vale 750. quailenati dalli 54000 lasciano 53250. per la sola muraglia.

Come si misurino cubicamente le colonne, e prismi inuguali, & le piramidi intiere & tronche, & altri corpi, che si possono ridur alla regolarità. Regola 2.

1 Vando poi i corpi sopra una base ascendendo si stringono, come san le piramidi in ditta linea, monticelli di terra, grano, o altro, & finiscono in acuto, ouero come colonne, o prismi, che terminano in un'altra simil base, ma minore, o maggiore, come piramide tronca, & simili esposte nel cap. 1. si misureranno in tal guisa. Quelli che non hanno le basi quadrate, o circolari prima si ridurrano à una di esse per le regole più à loro proprie del cap. 9. poi trouata la capacità della base minore, & anco della maggiore con qual misura piace, di pietre, di quadrelli, o altro, per le regole del cap. 10. si giungeranno insieme, & la metà della somma si multiplicherà nelle misure dell'altezza perpendicolare, che cade dal centro di una base all'altra, perciò che il prodotto sarà la quantità soda di tutta la colonna, come è provato nella Regola 3. del cap. 12. Auertendo, quando sono di quadrelli, o pietre composte, di misurar come nella precedente regola al num. 5. hanemo insegnato. Et non essendo il corpo fatto, ma volendosi fare in tali misure, si potrà saper la spesa della maestranza, & quantità delle pietre, che vi haurà d'andare.

2 Ma essendo, o volendosi il corpo piramidato acuto, si multiplicherà la capacità della base solo nella terza parte dell'altezza perpendicolare HE, nella presente figura, & verrà la quantità di detta piramide; perciò che come prova



Archimede, & Euclide in molti luoghi, la piramide d'ogni spetie è la terza parte del prisma fatto sopra la sua base, & altezza. L'istesso s'osseruerà per le piramidi brevi, come monticelli di terra, grano, o altro.

3. Non sarà difficile anco ridurre alla regolarità un corpo di inugual grossezza, pur che sia in linee, & superficie rette disposto, separando con termini, e linee quella parte, che può esser parallelepipedo, o prisma; & misurandola prima, & poi le altre parti triangolari, come fu detto nella Reg. 2. del cap. 10.

In che modo si misurino i corpi terrei, acquei, & aerei, come il pieno, & vano de pozzi, cantine, vasi, botti, & simili. Regola 3.

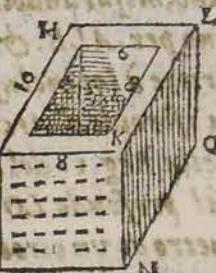
**S**arà molto utile spesse fiate saper la quantità di cibo terreno inchiuso, per cuarui cantine, pozzi, fondamenti di fabbriche, fosse, e stagni d'acque per votarli, così de loro vani aerei, per saper la spesa che vi vuole, dandoli à riempir, o votar à un tanto la misura, o pertica. Considerata dunque la figurata superficiale, misurerassi la capacità con la misura che piace, come s'insegna nel cap. 10. reducendola à figura regolare, quando non è, per la regola 2. dell'istesso cap. 10. perciocche moltiplicate tutti la somma per la profondità, o altezza che si hauera, o vorrà che sia, verrà la quantità soda, o vana, che si desidera. Et per darne un par d'esempi pigliaremo i più curiosi, che è di saper la quantità del vino, o altro liquore, che cape una botte, o alueo, querendo che vi sia dentro senz'avoir altri. Formisi dunque primavna cassella di figura cubica, che à giudicio sia capace de un'anfora, secchio, o altro vaso usato di acqua, & anco più, che non importa; & posta in dentro, che la cassetta stia à livello, piggiasi la linea di un lato interno, & un'altra quanto è l'altezza de l'acqua in essa, & fra loro trouisi la linea media proporzionale per il cap. 7. al num. 2. & poi fra questa, & quella del medesimo lato interno della cassetta cronansi le due medie proporzionali,

come

come s'insegna nell'areg. I. del cap. 11. perciocche la minore delle medie farà la lunghezza cubica del proposto corpo acqueo; questadunque segnerasi sopra una pertica dritta tante volte, almeno, quanto è lungo il vaso. Cio fatto, per saper la capacità di un'aluceo simile al seguente, con detta pertica si misurerà il più lungo, & breve lato superficiale del vano. & poniamo che siano parti 6. & 8. questi moltiplicati insieme, anco senza aritmetica, come è detto nella Reg. 1. del cap. 10. daran parti 48. per l'area superficiale: poi misurato il profondo, che per esempio sia 5. moltiplichisi nel 48. verranno 240. tanti vasi dunque della misura assunta capirà il detto alueo. Quando poi si desiderasse anco saper il peso di esso, nel medesimo modo co'l lato IK. breve, supposto parti 8. & IH. longo 10. trouarem l'area superficiale IKLH. esser 80. qual moltiplicata nella profondità IM. che è 7. verranno 560. per tutto l'aluceo come sodo, dal quale cauato il vano de 240. restaran 320. parti per il sel vaso: se dunque sarà formato un corpicello cubo della misura che è il vaso, nella lunghezza di una di dette parti, pesandolo, se sarà per esempio 40. libre, moltiplicandole nelle parti 320. verranno 12800. libre, cioè il peso del vaso, o alueo.

Per saper poi la capacità di una botte, come la figurata seguente, che rappresenta due piramidi tronche LODA, & LOCB. sopra il forame di essa in L. pongasi la sopradetta pertica, come HI. che i capi H. & I. siano ugualmente alti da A. & B. & poggiate due altre pertiche alle teste, come DH. & CI. terminisi la lunghezza dritta della botte, lasciando fuori il legno delle teste, acciò resti solo la lunghezza interna, qual hora poniamo esser HI. di parti 14. poi intromessa la pertica per il foro L. perpendicolarmente, premasi la profondità LO. qual hora sia parti 7. giungendo, & compiando in essa anco il legno della botte di sotto, & di sopra in alto, &

parte



parte, secondo che si vedrà la botte hauer più, o meno arco da L. all' A. & al B. & questo per auanaggiar alquanto in ricompensa di quello, che l' arco s' alza sopra la drittura, che supponiamo esser da A. & B. ad L. non essendo tal figura regolare, come alcuni pensano, misurandola come sferoide compresa da due archi, che passino per ALB. & per COD. Si mandola doppia à due piramide dritte à lei incluse, con l' autorità d' Archimede, che non è perche la sferoide d' Archimede non è tale, ma come l' hanemo post a noi nella Reg. 1. del cap. 9. Et tornando al proposito, poniamo, che tal profondo LO. sia parti 7. delle sopravvare, & messe per diametro de un cirecolo, trouiamo la sua capacità con la Reg. 3. del cap. 1 e. che farà 38. & mezza, trouiamo anco quella di un fondo, il cui diametro in questo caso sia parti 4. che farà 12. & 4. settimi, & unite insieme sono 51. & un quartodecimo; poi tolta la metà per agguagliar le basi, cioè 25. & 15. vigesimi ottavi, & multiplicata nella lunghezza LH. cioè in 14. resulteranno 857. & mezza per la capacità di tutta la botte, ridotta in un cilindro à lei uguale, come nella Reg. 3. del cap. 12. è pronato.

Come si misuri il corpo sferico, l'ouato, l'ottaedro, il dodecaedro, & l'icosaedro. Reg. 4.

**P**er misurar cubicamente il nobilissimo corpo sferico si piglia il suo diametro, con poggiar due squadre con un lato sopra un piano, & l' altro à perpendicolo, che tocchino il corpo, & tolto tre volte, & una settima scarsa misurasi con qual misura piace, che secondo Archimede farà la maggior circonferenza di esso corpo, poi moltiplicate queste parti in quelle del diametro solo, risulterà la capacità di tutta la sua superficie; qual anco moltiplicata nella sesta parte del diametro, ouero il semidiametro nella terza parte della superficie, produrrà la quantità di tutto il corpo.

2 Onoro più espeditamente, che valerà anco per il corpo ouato, trasmettessi la sfera, à l' ouato in un cilindro à loro uguale, come

come s' insegnà nel cap. 12. alla Reg. 10. impercioche trouata la capacità della base di questo cilindro per la Reg. 3. del cap. 10. & moltiplicata nell' altezza darà la vera quantità tanto della sfera, quanto del sferoide ouato, più perfetta, che la precedente.

3 Perche poi i corpi regolari, ottaedro, dodecaedro, & icosaedro si possono dividere in tante piramidi, quante son le lor basi, se si trouerà il centro del corpo, che sarà l' altezza delle piramidi, misurandone una cubicamente, come s' insegnà nella Reg. 2. al num. 2. precedente, & raccogliendole tutte insieme s' hauerà la quantità desiderata di tutto il corpo.

Della misura delle superficie, & corpi per lungo, largo, & profondo, stando anco da loro lontani, in molti casi utilissima, & giocondissima. Cap. 14.

Che misura fia questa, & che strumenti siano à lei necessarij.

Regola 1.

**D**opo hauer dato il modo di misurare le superficie, & corpi quando si possono maneggiare, hora per compimento di queste nobilissime dottrine resta che insegniamo à misurarli per lungo, per largo, & per profondo, anco quando non è permesso il poterli toccare, cosa riputata dal volgo maravigliosa; & con ragione certamente, perciocche stando in terra con semplice strumento prestamente misuraremo la lunghezza di una gran campagna, la distanza fra terre, & castelli, la larghezza di una muraglia, o fiume; l' altezza di una gran torre, & la profondità di una gran fossa, o pozzo, & simili cose: questo dunque lo insegnremo ad eseguire con somma brevità, & facilità senza Arithmetica, & alcune cose anco senza strumento, che ogni semplice operante lo potrà imparare, cosa non più praticata.

Gli strumenti per tal effetto neceſſarij saranno un bastone, & una commune squadra grande un piede per lato, per le ordinarie operationi; perche in caso di misurar grandissime distanze si ne

potrà

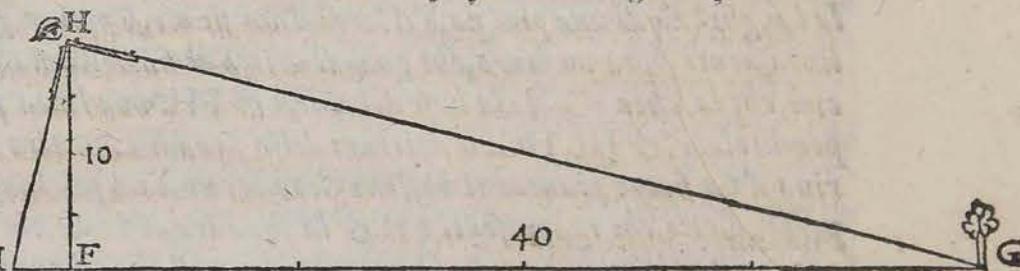
## Frutti singolari della Geometria.

potrà formar una grande di legno semplice; laudo dunque, che questa picciola si faccia di metallo, gentile, & perfetta, più tosto che di legno, qual rare volte mantiene la drittura, sopra la costa della quale vicino all'angolo de non si accomodare due testine alquanto elevar, & ugualmente forate, o fesse strettamente a modo di mire di archibugio, & due puntine all'estremo de lati, nella drittura, & altezza de fori, o fessure: più basso del mezzo de lati deue anco bauer un trauerso à similitudine della lettera A. con un segnetto nel mezzo, & vicino all'angolo un buco grandetto, qual serua per formarla al bastone con la uite. & per metterui un cordoncino col piombo appeso, acciò nelle occorrente serua anco per linello: cose, che communemente da maestri si san fare senz'altra informatione. Starà bene alla testa dell'avito legato anco un cordoncino lungo almen un braccio, con un'oncia di piombo attaccato, acciò aiuti a piantar il bastone perpendicolarmente. Il bastone deue esser dritto di buon legno, lungo un passo Geometrico, cioè cinque piedi, & in essi segnato, & anco in mezzi, & in quarti diuiso: da l'un capo del quale sia un ferro lungo circa mezzo piede, per poterlo piantare in terra, & anco diffendersi da offensori, ma interposto a uite per cauarlo in qualche bisogno; dall'altro poi una uera, che copra anco la testa, nella quale sieno due fori a matronei, uno al fianco, & l'altro in cima, ne' quali si fermerà la squadra per il buco, che bauerà vicino all'angolo. Dal buco della uite al fianco segnisi anco una linea per tutta la lunghezza del bastone, sopra la quale donrà cadere il piombino pendente dalla uite, & faran preparati tutti gli strumenti a queste misure necessarie.

Come si misuri la lunghezza di vna piazza, o campagna, la distanza da vn castello all'altro, la larghezza di vn fiume, stando da vn capo di loro. Reg. 2.

**V**olendosi dunque misurar una lunghezza, o distanza fra due termini stando in uno: prima eleggasi un piano, nel qualc

quale si possino far le seguenti operationi: & per esempio sia la distanza F.G. & il luogo piano per la statione sia F. nel qual pian tisi il bastone Geometrico perpendicolarmente, & nella sommità pongasi la squadra coricata stringendola con la sua vite, che però si possa girare, & poi girisi con un lato tanto, che guardando per le sue mire giustamente si veda il termine G. che può essere un sasso, un'arbore, o un edificio; ciò fatto, guardisi anco per le mire dell'altro lato, & in tal drittura piantisi un semplice bastone, lontano al possibile, permettendolo il suo; perciòche in distanza di un miglio fra termini FG. dourrebbe esser lontano almeno venticinque bastoni, o passi Geometrici desiderandosi l'opra perfetta; noi al presente lo metteremo bastoni dieci, come si vede H. si potrebbe piantarlo anco dalla parte di qua, se la comodità del luogo lo ricerca. Poi trasferiscasi al luogo H. il bastone co la squadra come stà, mettendone in F. un altro semplice, & piantisi à perpendicolo, & voltato un lato della squadra, che per le sue mire si veda prima il termine G. guardisi anco per le mire dell'altro lato, & per tal drittura piantisi un altro bastone tanto lontano, che anco risponda nella drittura FG. come si vede, che fa il luogo I. nella figura; perciòche tolta la distanza IF. con una pertica dritta, o con una corda distesa, & con essa misurata la



40

distanza ditta di FH. sopra terreno piano, o corda tirata, quante volte v'entrerà, tante distanze di FH. sarà lunga la pianura FG. che saper si desidera. Nel nostro esempio dunque trouiamo, che FI. entra quattro volte in FH. perciò diciamo, che FG. è quattro distanze di FH. supposte dieci bastoni l'una, che vagliono bastoni quaranta di cinque piedi l'uno, ouero vale piedi I ducento.

ducento. E perche IF. non sempre entrerà intieramente in FH. se per esempio entrasse un poco più di quattro volte, quel più noterassi sopra un legnetto, & vedrassi quante volte entra nella lunghezza de IF. perche se entrasse cinque, o sei volte, anco si piglierebbe una quinta, o sesta parte di FH. di più: così, se fosse un quinto, o sesto manco, tanto si piglierebbe di manco. Ma quello, che hauerà l'uso dell'Aritmetica farà questo più speditamente; perciocche, misurata à numero de piedi la distanza FI. & FH. multiplicherà quelli di FH. in se stessi, cioè in altrettanti, & diuiderà il multiplicato per quelli de IF. & il diuiso sarà la lunghezza di FG.

La ragion Geometrica di questa operatione è, che le linee visuali formano in terra un triangolo rettangolo, come IHG. diuiso anco in due simili con la linea HF. per la 8. prop. del lib. 6. di Euclide, & i lor lati per la 4. prop. del medesimo sono insieme proporzionali; & perche, per il coroll. della citata prop. 8. la linea FH. è media proporzionale fra le due IF. & FG. qual proporzione hauerà la linea IF. à quella di FH. che sono note, la medesima hauerà FH. alla incognita FG. però quante volte IF. entrerà in FH. tante entrerà FH. in FG.

2 Quando poi la distanza da misurarsi sarà picciola, come la lunghezza di una piazza, o il largo d'un fiume, si potran far i lineamenti sopra un muro, che guardi dritto al fin della piazza, cioè, che la linea IG. sia la base del muro, & FH. una linea perpendicolare, & HI. HG. le drittture della squadra. Ouero alla riva d'un fiume piantar il bastone Geometrico, o un più lungo à perpendicolo, che rappresenti FH. & la squadra al fianco, che con un lato per le mire guardi il terminine G. e con l'altro il punto I. Sopra una corda, o terreno à linello con G. & à squadra col bastone FH operando il resto, come di sopra è detto. Auuertendo, che la vera lunghezza di FH. s'intende effer dall'angolo della squadra perpendicolamente fino in terra, & iui terminar il vero punto F.

In

In che modo si misurino le latitudini di muraglie, porte, & finestre in qualunque sito. Reg. 3.

Facilmente si misurerà una larghezza di muraglia, di porta, o altra simile cosa in alto, o al basso in tal guisa. Eleggasi un luogo non molto lontano, nel quale la drittura di vista verso l'estremità della muraglia, o altra larghezza da misurarsi paia far angolo retto con essa al possibile; & da quel luogo prendasi prima la lunghezza, o lontananza con la precedente Regola, & tengasi à memoria. Poi piantato iui il bastone, fermisi nella sommità di esso con la vite la squadra coricata, & drizzato l'angolo di essa ad un capo della larghezza da misurarsi, accostisi l'occhio al prossimo traguardo in modo, che con quello dell'angolo s'incontri la vista co'l capo della larghezza; & uoltato l'occhio all'altro capo della larghezza, pongasi in tal drittura un poco di cera sopra la squadra, ouero sia artificiosemente accommodata una puntina mobile di metallo per tal effetto. Ciò fatto, eleggasi un piano libero da impedimenti, & in ditta linea pongasi la distanza hauuta prima, & per esempio sia GF. della precedente figura, & nel luogo G. piantisi il bastone co' la squadra come prima era, girando l'angolo di esso uerso F. fino che la drittura de' traguardi con l'occhio termini in F. impercioche, se si farà piantar un bastone, che risponda col traguardo fatto con la cera, & in squadra con FG. come mostra HF. misurato col bastone il spazio HF. sarà quello della larghezza della muraglia, o altro, che si desideraua.

I 2 Della

Della misura delle altezze perpendicolari sopra l'orizonte.

Cap. 15.

Come con facilità grande si misuri l'altezza d'una torre in luogo libero, e piano, situata, stando in terra con l'ombra del Sole, & anco della Luna. Regola 1.

**P**er esempio, una tal torre da misurarsi sia come la seguente LM. nel piano PNOM. uguale, piantisi il bastone Geometrico à perpendicolo, & se per sorte l'ombra di esso farà uguale alla lunghezza del bastone, come da N. sino al prossimo bastone, anco l'ombra NM. della torre farà uguale all'altezza di essa torre, & perche hora supponiamo l'ombra NM. esser piedi 25. anco la torre farà altezza piedi 25. percio che il triangolo, che fa il bastone con la sua ombra, & quello che fa la torre con la sua sono terminati dal medesimo raggio LN. con angoli uguali, & simili, per esser il bastone parallelo con la torre, come si cana dalla 29. prop. del lib. I. di Euclide, perciò anco per la 4. del 6. i lati circa l'angolo retto di uno, & dell'altro sono insieme proporzionali, & nel suo triangolo uguali. Per la medesima ragione, quando l'ombra del bastone farà minore di esso bastone, come da O. al prossimo uerso la torre, supposta hora tre piedi, anco l'ombra MO. hauerà la proporzione all'altezza ML. della torre come quella del bastone, cioè di tre à cinque; perciò, se tre piedi di ombra uagliono tutto il bastone di altezza,



che

che è piedi cinq[ue], formato un bastoncino lungo tre piedi, o quanti faranno, anco non intieri, misurerassi l'ombra OM. della torre, & per ogni misura dirassi cinq[ue] di altezza, & in questo esempio troueransi piedi venticinque per l'altezza ML. Similmente quando l'ombra del bastone farà più lunga di esso bastone, come da P. al suo prossimo, qual ombra poniamo esser piedi sette, formerassi un bastone di piedi sette, o quanti faranno, etiam non intieri, & misurando l'ombra PM. della torre, per ogni misura diransi esser solo piedi cinq[ue] per l'altezza, & così da P. sino al M. risponderanno piedi 25. per l'altezza della torre.

Auvertirà però il misuratore di pigliar le ombre, massime del bastone, in luogo piano à liuello, o squadra con il bastone, e torre, & non essendo tale, liuellerà una corda tirata dalla radice della torre. Parimente sappia, che quando la torre farà acuta, misurando l'ombra, bisognerà pigliar in conto anco mezza la grossezza di essa torre, perchè l'ombra procede dalla punta, che è nel mezzo.

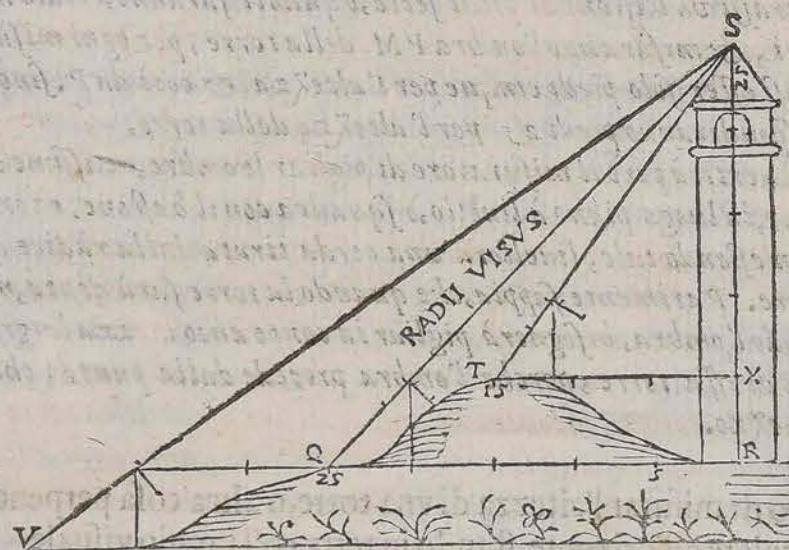
Modo di misurar l'altezza di una torre, o altra cosa perpendicolare all'orizonte, stando in terra co'l raggio visuale aiutando la squadra. Regola 2.

**B**isognando alle volte misurar una torre, stando in terra, senza ombra di Sole, o Luna, questo sarà il modo. Prima eleggasi un luogo piano distante dalla torre, à giuditio, quanto è l'altezza di essa torre, se possibile, & facciasi esperimento se il terreno è à liuello con la radice della torre, mettendo il bastone, origa dritta in terra, & linellandola, che guardi la radice della torre, con la squadra accommodata per uso di liuello, come nella sua formatione hauemo insegnato. Ciò fatto, agguagliasi il terreno, quanto almen è lungo il bastone, ouero tirisi una corda à tal liuello. Poi piantisi il bastone Geometrico à perpendicolo, & al fianco della sommità di esso fermisi la squadra con la sua vite, & girisi pian piano in modo, che guardando per le sue mire il

raggio

## Frutti singolari della Geometria.

raggio del vedere giustamente s'incontrò con la cima della torre; & guardando anco al contrario, cioè di sopra in giù per le medesime mire, notisi in terra, o sopra la corda che liuella il piano, il termine del raggio visuale, come dimostra Q.S. nella seguente figura; & essendo incommodo il guardar di sopra in giù, si potrà tirar un filo per le mire fino in terra; poi misurato il spatio



da Q.al bastone, se non farà uguale all'altezza del bastone, trasferiscasi il bastone innanzi, o indietro nel medesimo piano liuellato fino che venghi uguale; perciocche alhora, quanto farà il spatio dritto dal termine Q. sino al mezzo della torre in R. per esser acuta (qual per esempio poniamo esser piedi 25.) tanta verrà ad esser alta la torre RS. per la ragione detta nella Reg. precedente.

2 Quando poi faremo necessitati a misurar stando in luogo angusto, ouero più alto della torre, come sarebbe in T. se si potrà tirar una corda à liuello fino alla torre, come TX, tirisi, manon potendosi per causa di acqua, o fossa, misurisi la linea visuale TX. come s'insegna nel fin della Reg. 2. del cap. 14. Ciò fatto, piantisi il bastone à perpendicolo con la squadra attaccata, & co'l sguardo per le mire trouisi il raggio ST. che il termine T. cada sopra il piano liuellato: imperciocche, tolta la distanza dal T. al bastone

dile-

diligentemente, & misurata con essa quella, da T. sino al mezzo della torre X. trasportata prima in terra piana, dicendo per ogni misura piedi cinque del bastone per altezza, in questo esempio troueransi fra T. & X. esser quattro misure, che vagliono quattro bastoni, cioè piedi venti per l'altezza XS. alla quale giunta XR. misurata accostandosi alla torre (qual poniamo esser piedi cinque) verranno piedi 25. per tutta l'altezza RS. Il modo poi di misurar XR. quando non è permesso l'accostarsi alla torre, farà in una particolar regola delle seguenti per le profondità. Quello anco, che vorrà usar l'Aritmetica multiplicherà i piedi della distanza, come TX. in quelli dell'altezza del bastone, & diuiderà il prodotto per quelli dell'ombra, come è quella del T. fino al bastone.

3 Quando anco farà bisogno far statione per misurare in luogo più basso della radice della torre, come in V. piantisi il bastone Geometrico con tanta giunta, bisognando, che fermata la squadra con un lato à perpendicolo sopra il bastone, guardando per le mire dell'altro, s'incontri la vista con la radice della torre R. Ciò ottenuto, dirizzansi le mire alla cima S. & guardando anco al contrario, terminisi il raggio SV. sopra un piano, che sia in squadra col bastone; perciocche, saputo quanti piedi sia il bastone (quali hora supponiamo esser cinque) & formato un bastoncino lungo dal termine V. fino al piede del bastone, misurando con esso la distanza dalla cima del bastone sino alla torre R. (sopra corde tirate, se il terreno non è piano) per ogni misura si dirà cinque piedi del bastone, o quanti faranno, & la somma farà l'altezza RS. cioè piedi 25. in questo esempio.

Come si misuri l'altezza perpendicolare di una torre serrata fra case, di un monticello, o altra cosa la cui radice sia nasosta. Reg. 3.

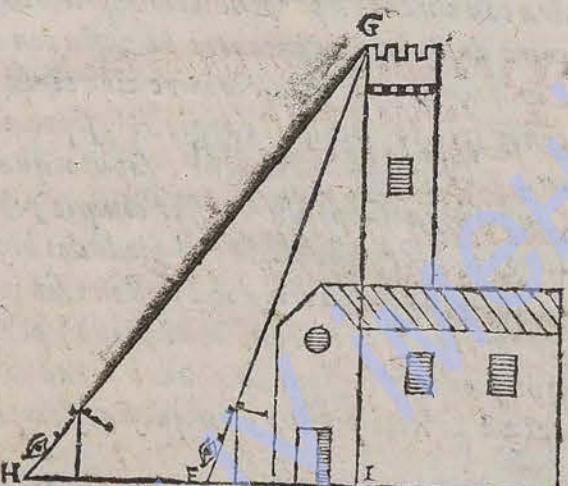
S Pesse siate può occorrer bisogno di misurar un'altezza perpendicolare di un monticello, torre, o simil cosa, la cui radice sia

fia nascosta, come la seguente figura a torre GI. da fabriche circondato. Per tanto, in soto piano, ò con corde distese liuellato, come nelle precedenti regole fu detto, eleggasi una statione per misurare vicino alla torre, come in F. se possibile è, & un'altra più lontana in ditta linea come in H. & piantato il bastone Geometrico con la squadra al fianco, come più volte è detto, procurisi in ambe le stationi di haner il raggio H. & F. distante dal bastone in uno de' seguenti modi, impervioche la distanza de' raggi HF. darà l'altezza desiderata.

1 Se si farà dunque nella più prossima statione alla torre, che l'intervallo, ò ombra da F. sino al bastone sia la metà del bastone, & nella più lontana sia uguale al bastone: ouero nella prossima sia uguale al bastone, & nella lontana un bastone, & mezzo: anco in bisogno, che nella prossima sia un baston, e mezzo, & nella lontana due: la distanza fra i raggi in terra, come fra H. & F. duplicata sarà l'altezza della torre.

2 Se anco farassi, che nella più prossima statione l'ombra sia la metà del bastone, & nella lontana un bastone, & mezzo; ouero nella più prossima sia uguale al bastone, & nella lontana due bastoni, la distanza fra i raggi in terra verrà uguale all'altezza della torre. In bisogno anco si può far, che nella prossima sian due terzi del bastone, & nella lontana uguale, perche la distanza triplicata sarà l'altezza.

Ma quando niuno de' predetti modi potrà servire, bisognerà usar l'Aritmetica, moltiplicando i piedi fra i raggi HF. per i cinque



cinque del bastone, & lenati quelli dell'ombra da F. sino al suo bastone, da quelli da H. al suo, co'l residuo diuidendo il multiplicato, verrà l'altezza della torre IG.

Quello anco, che non sà Aritmetica potrà far il medesimo con tal pratica: segnerà una linea lunga un passo, ò quanto vorrà, & la diuiderà in tante parti, quanti sono i piedi del bastone, cioè in 5. & una di queste nel numero de' piedi del spatio HF. & così saranno moltiplicati; poi, tolto il residuo delle ombre sottratte, che per esempio sieno 4. e mezza, prese col sesto 4. e mezza di quelle nella linea diuise per il spatio HF. quante volte come passando entrerà il sesto in tutta la linea, cioè la diuiderà, tante saranno i piedi dell'altezza della torre.

In che modo si misuri l'altezza di vna torre situata sopra vna collina, & quella di vna statua, ò fenestra in alto, stando al basso anco angusto. Reg. 4.

1 V'ò anco occorrer bisogno di misurare una torre sopra vna collina, ò una parte di essa, che superi altre fabriche, come sarebbe la figurata precedente, & la seguente; per la quale, essendo il terreno piano, ò potendosi con corde liuellare, come più volte è detto, si farà in esso due stationi per ditta linea alla torre, come nella precedente regola, che in ciascheduna l'ombra, ò raggio del bastone venghi uguale al bastone, guardando la radice G. nella prossima, & la sommità H. nella lontana; percioche il spatio fra un raggio, ò bastone, & l'altro farà l'altezza della torre. Ouero, con uno de' modi della precedente regola, misurerassi prima tutta l'altezza del monte, e torre insieme, & poi del monte solo; percioche sottratta questa da quella, il rimanente farà l'altezza della torre desiderata.

2 Ma quando fossimo sforzati a misurar una torre stando in una valle non piana, come mostra la seguente figura, si potranno elegger due stationi nella falda dell'altro colle, tirandovi una corda, se non è piana, & misurar prima la lunghezza IG. visua-

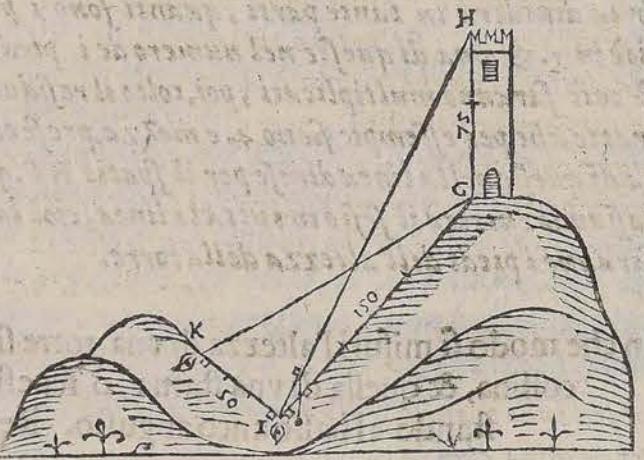
## Frutti singolari della Geometria

le con la regola 2. del cap. 14. qual hora poniamo esser piedi 150. Por accomodate due semplici righe dritte in modo di compasso, una lunga sei piedi, & l'altra circa sette, alzisi la più lunga, che la sua drittura co'l sguardo per mire posticcie risponda con l'acima della torre.

H. & la più cor  
sa, con simil mi  
re, risponda con  
la radice G. co  
me le linee IG.  
& IH. rappre  
sentano: dopo,  
leghisi un per  
pendicolo verso  
la cima della  
più lunga in mo  
do, che senza im  
pedimento cada al principio della inferiore. Ciò ottenuto, se  
gnisi il filo ove tocca il taglio della riga, che guarda il punto G.

& quello, che guarda l'H. & disteso sopra la riga dell'i sei piedi, vedasi quanti ne abbracci, & supposto che ne abbracci tre: per  
che dunque il filo rappresenta il bastone, & la riga l'ombra, di  
chiarata nella Reg. 1. & 2. distenderassi in altro luogo piano in  
dritta linea la lunghezza IG. & misurerassi con la riga, lunga  
da I. sino al filo, nominando per ogni misura i piedi del filo, &  
verranno in questo esempio piedi 75. per l'altezza della torre  
GH. & questo per la similitudine dei loro triangoli, come più  
volte habbiamo esplicato.

L'Aritmetico anco farà più brevemente, multiplicando i pie  
di del spatio IG. nelle parti del filo, & dividendo per quelle del  
la riga da I. sino al filo, perche il prodotto sarà l'altezza della  
torre GH.



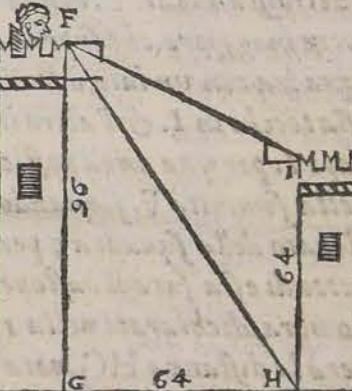
Come

Come misurar si possa vna torre, o altra cosa a perpendicolo,  
stando fermo sopra vn'altra. Reg. 5.

I Finalmente si potrà misurar anco l'altezza di vna fabri  
ca, o torre stando sopra vn'altra, con l'aiuto però delle pre  
cedenti regole. Et prima accomoderansi due righe semplici,  
ma dritte; lunghe cinque, o sei piedi in squadra; & stando sopra  
la torre maggiore FG. appoggerassi un lato di essa squadra al  
muro, che un capo termini nella sommità F. & accomodata una  
mira posticcia di cera, o altro, al lato che termina in F. per essa  
guardando, facciasi che il raggio visuale cada in H. & anco toc  
chi l'altro lato della squadra, come si vede nella figura, che se  
gue, & segnato il luogo ove tocca, mett auisi un chiodetto, et di nuovo  
guardando prouisi, se il raggio passa per la mira, chiodo, & H. perche ciò  
ottenuto, la lunghezza della riga  
dal chiodetto fino al muro rappre  
sentarà il bastone Geometrico, &  
tutta quella che tocca il muro l'om  
bra, & FG. il terreno piano, come  
nella Reg. 1. & 2. precedente è di  
chiarato, con quali si misurerà la  
distanza, o altezza GH. & supposto la riga, che rappresenta il ba  
stone, esser piedi quattro, tolta la lunghezza della torre da F. al  
G. con una corda, & saiso appeso, & misurata con il lato della  
squadra che tocca il muro, nominando ogni misura per quattro  
piedi, troueransi esser 64. per la distanza GH. così in ogn'altra  
occorrenza si farà, come nella detta prima Regola più chiara  
mente fu detto, & approvato.

2 Dipoi volterassi la squadra, che l'angolo recto di essa sia  
nella sommità F. della torre, & un lato tocchi il muro, & dal'al  
tro penda un perpendicolo, come la figura mostra, & posta una

K e mira



mira di cera nell'angolo, guardando, facciasi che'l raggio visuale cada nella sommità I. dell'altra torre, & la distanza del raggio tocchi anco il perpendicolo; imperioche, segnato il luogo in esso perpendicolo, la lunghezza di esso fino alla riga rappresentrà il bastone Geometrico, & la riga fino adesso l'ombra, & il spazio GH. imaginato esser in alto nella distanza del lato della squadra, che si parte da F. sarà il terreno piano: con quali cose operando come s'insegna nella Reg. 1. & 2. di questo capitolo si trouerà l'altezza, che manca dalla torre minore alla maggiore; qual hora supponiamo esser piedi 32. quali canati da 96. della maggiore, rimangono per detta torre minore 64.

Stando anco sopra la minor torre, trouerassi l'altezza della maggiore, misurando prima la distanza HG. stando in I. come è detto stando in F. con la quale poi misurerassi la parte della torre maggiore, che supera la minore in tal modo. Alzata l'istessa squadra con un lato à livello del piano terrestre, che un capo di essa tocchi in I. & l'altro in alto à perpendicolo, guarderasi dal capo I. per una mira posticcia, che il raggio della vista termini nella sommità F. segnando il luogo ove il raggio passa per il lato elevato della squadra; percioche da questo segno sino all'angolo verso di essa sarà il bastone Geometrico, & tutto l'altro lato sarà l'ombra, dichiarati nella 1. & 2. Reg. con la qual ombra si misurerà la distanza HG. nota sopra una corda, nominando le misure della quantità, che sarà quella che rappresenta il bastone; qual supposto in questo esempio esser piedi due, tal parte di torre sarebbe piedi 32. a' quali giunta la lunghezza IH. solta concorda, dà piedi 96. per l'altezza GF. cercata.

Della

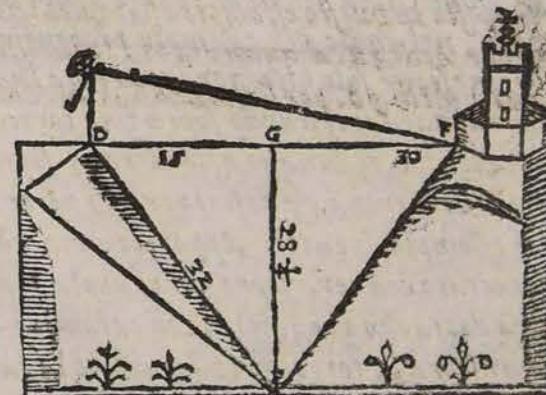
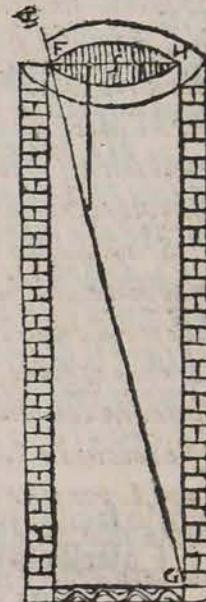
Della misura delle profondità perpendicolari, & non perpendicolari. Cap. 16.

Come si misuri la profondità perpendicolare di vn pozzo, & la perpendicolare, & non perpendicolare di vna fossa.

Reg. 1.

**S**I la presente figura imagine di un pozzo, la cui profondità GH. si desideri sapere senza calar giù corde. Mettasi una riga sopra la maggior larghezza della sua bocca, come FH. & da essa facciasi pender un perpendicolo alquanto lontano da F. tanto, che guardando per il labro interno F. al termine del profondo in G. il raggio del vedere s'incontri anco nel piombetto del perpendicolo. Ciò ottenuto, la lunghezza del perpendicolo dalla riga in giù rappresenterà il bastone Geometrico, & da esso al labro del pozzo sarà l'ombra, con la quale si misurerà la riga FH. che fa diametro al pozzo, nominando per ogni misura la quantità de' piedi del perpendicolo, come è detto nella 1. & 2. reg. del cap. 15. onde se supporremo il perpendicolo esser piedi 6. per dette regole, trouandosi entrar in FH. tre volte l'ombra, che valerà tre perpendicoli, cioè piedi 18. per il profondo HG.

**A**Ultimamente accola la profondità perpendicolare, & non di una fossa, come la seguente DEF. si porrà misurare; percioche la discesa diritta DE. si misurerà con la regola delle longitudini data nel c. 14. & per esempio poniam che sia trouata pie-



di 32. con l'aiuto di questa trouaremo anco la perpendicolare GE. in tal modo. Con la 2. regola al num. 2. del cap. 14. misuraremo la distanza DF. qual hora sia piedi 30. torremo la metà, cioè 15. & in qualunque altro commodo piano segnaremo una linea lunga piedi 15. & un'altra ad angolo retto con essa, come GE. fa con GD. & fermata una corda dal capo D. lunga come DE. 32. piedi la giraremo fino che il termine de 32. piedi in essa tocchi la linea EG. & così farà terminata la profondità GE. qual misurata a piedi, in questo esempio sarà di 28. & un 4.

3. Ma più espeditamente trouaremo la profondità GE. con la sola notitia di DG. facendo cader un perpendicolo da un'riga situata alla drittura di D. GF. tanto lontano da D. che il sguardo dal D. all'E. passi anco per il piombetto del perpendicolo, come è detto per il pozzo precedente, perciò che DG. rappresentarà il diametro del pozzo, & con l'istesso modo misurerassi. Il medesimo intendasi d'ogn'altra profondità, come è quella de XR. nella reg. 2. del cap. 15. douendosi star à misurar nel colle T.

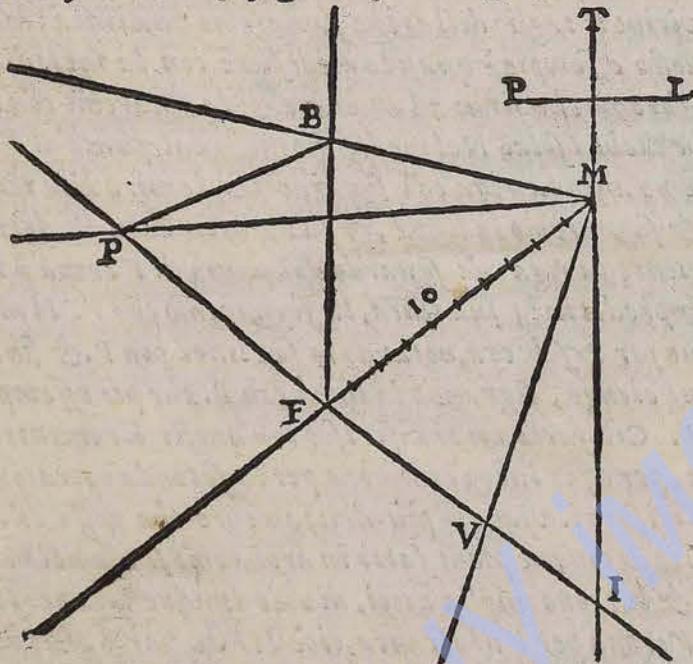
modo facilissimo per descriuer vn territorio con le Città, & Castella in carta, con le proprie distanze, misurandone una sola, & anco pigliar la pianta di vna

Città. Cap. 17.

**E**' cosa anco mirabile il saper descriuere un Territorio, & una Città senza misurare ogni cantone, & questo sarà il modo, nel quale per esempio proponeremo il Territorio nostro Veronese, & solo bisognerà una riga lunga due piedi con le mire da traguardare, stando sopra una torre, o monticello i luoghi circostanti. Noi dunque ascenderemo sopra l'altissima torre della Città di Verona, & descriueremo parte de' luoghi, che bastarão per esempio di tutte. Apparecchiato un foglio di carta reale, & attaccato con cera sopra una tauola piana di semplice legno, la riga detta, una boſſoleta con calamita, & un calamaro, ascenderemo sopra la torre, & collocaremo la tauola ferma in luogo, che si veda

si veda il Castello di Villafranca, & le circonuicinie terre, & nel mezo del foglio, con l'aiuto della calamita, segnaremo una linea per il meridiano di Verona, & da un capo di essa un'altra corta ad angoli retti, & le notaremo con queste lettere M. T. & L.P. come la seguente figura mostra, accioche M. significhi la parte, che guarda mezo di, la T. tramontana, la L. levante, & la P. ponente, per poter saper nella carta à che parte del Mondo guardino le descritte terre. Et fatto un punto in detta linea meridiana per il luogo di Verona, come si vede vicino à M. adesso poggiaremo il taglio della riga, & lo drizzaremo co'l sguardo per le sue mire dritto ad I solà della Scala, & subito per il punto di Verona vicino il taglio della riga segnaremo una linea; ma perche in questo esempio è quasi la medesima con la meridiana di Verona, faremo che serui ad ambidue, & la notaremo con la lettera I. che dichi I solà. Nel medesimo modo dal punto di Verona drizzaremo anco la riga co'l sguardo per le mire alla terra de Vigasi, & segnaremo la linea, & la notaremo con V. drizzaremo parimente la riga co'l sguardo dal punto di Verona à Villafranca, & prodotta la sua linea, la segnaremo con F. Il medesimo faremo per Peschiera, notando la sua linea con P. & finalmente per Bussolengo, segnando la linea con B. che per esempio bastaranno. Ciò fatto, mi trasferisco con questi strumenti à Villafranca, per esser luogo commodo per la seconda operatione, & andando misuro il viaggio più drittamente che posso co'l passo geometrico di cinque piedi fatto in arco, come si v'usa nel misurar terreni, & lo trouo miglia dieci, diuiso dunque una parte della linea da Verona per Villafranca, cioè MF. in parti dieci grandi, quanto giudico esser capace la carta di tutti i luoghi da descriuersi, & ascendendo sopra il campanile della Pieve, & posta la carta in luogo piano, che si veda Verona, & le altre terre già notate: poggiola riga alla linea FM. & muouo la tauola tanto, che per le mire veda la torre di Verona, & allhora fermo la tauola, & muouo la riga, che con il taglio tocchi il punto F. di Villafranca, & per le mire veda I solà, nella qual drittura vedo anco vicina la

la terra de Vigasi, perciò segno al taglio della riga una linea, che tagli quella segnata da Verona à Isola, & à Vigasi, impercioche questi tagli faranno i veri luoghi di Isola, & Vigasi. Nel medesimo modo dal punto F. dirizzo la riga co'l sguardo à Pescchia, & à Bussolengo, & segno le linee che taglino quelle segnate per loro anco da Verona, et i tagli in P. et B. mi danno i loro luoghi. Piglio poi co'l sexto la linea FV, cioè da Villafranca à Vigasi, et la pongo sopra la scala FM. delle dieci miglia, et la grano effer miglia sei, così quella di VI. cioè, da Vigasio à Isola, quattro, et così per ordine faccio con tutte, anco con quella dal P. al B. et simili, che si segnano per i luoghi già notarsi.



L'istessa operatione si farebbe anco stando su la torre di Verona, et sopra quella di Soave, per collocar le altre terre verso Oriente, senza però misurar altro viaggio. Le villette poi picciole difficili da veder si, sogliono collocarsi con le loro distanze di miglia, note à viandanti.

Le medesime operationi si farebbono anco per pigliar in disegno

Segno la pianta d'una Città, stando dentro, ouer fuori di essa, in luogo, che si vedano tutti gli angoli da notarsi.

Modo singolare per inuestigare la quantità delle miglia, che circondano la terra, tralasciando i monti, & quelle del suo diametro. Cap.XVIII.

**B**ELLISSIMA speculazione in vero per misurar la circonferenza della terra fù quella dell' Abbate Maurolico con l'altezza di un gran monte, & riferita dal P. Claudio Bambergense nella sua Geometria practica con qualche miglioramento, ma non bastante, percioche tanto da questo, quanto da quello si suppone che la perpendicolar altezza del monte misurata con gli strumenti Geometrici termini sopra la circonferenza della terra, cosa che non può essere; poiche lo strumento sempre chiama l'angolo retto in terra fatto dall'altezza perpendicolare, & dalla linea della lunghezza, che da i piedi del misuratore procede ad essa; di modo che, essendo la terra rotonda, necessariamente la linea della lunghezza che almen dourà effer quattro, o cinque miglia per causa dell'altezza, e grossezza del monte) non farà l'angolo retto con la perpendicolare nella circonferenza della terra, ma sotto di essa, che renderà l'altezza perpendicolare del monte maggiore di quella, che in tal proportione si deve assumere; qual difetto, se forse da predetti Autori è stato stimato picciolo, dico, che douendosi poi multiplicar con più di quattro mila parti di tutta la circonferenza della terra cagionerà non piccial errore. La correzione di questo mancamento anco da me è stata ritrovata, ma la tralascio per hora, perche stimo che l'altezza di un monte, per grande che sia, sempre debba effer poca per tal operazione. Così giudico pericoloso il modo di Eratostene fatto con l'ombra d'un gnomone, & distanza fra due Città. Et parimente quello di Posidonio, ancorche migliore, per due altezze di una stella sotto un medesimo meridiano; & quello di Tolomeo per le altezze del polo, perche non dicono il modo di pigliar tali altez-

Ze, nè di misurar il viaggio con la perfetta drittura meridiana, che porta particolar difficolta, & causa varie le misure, come vediamo.

Pertanto ho pensato di dar un' altro più sicuro, & espedito modo, per tal misura, del predetto, & anco di quello de gli antichi, & efforto un Prencipe, à sua perpetua lode, farlo essequire, perché le misure de gli antichi, che vsiamo nel giudicar le distanze delle Città, per la diversità fra loro, sono incerte.

Eleggasi dunque da pratico Geometra una gran pianura, che per dritto all'Astro, o Aquilone si estenda almeno cento miglia, senza montagne, o mari: & dal vncapo in luogo spacioſo ben livellato, & piano trouisi la linea meridiana con un ſtile lungo la ſtatura d'un huomo per la commune regola de' circoli: poi, piantate due asticelle dritte à perpendicolo ne' capi di detta linea ſegnata lunga al possibile, per drittura di ſguardo con eſſe piantate verso la pianura la terza aſta, ſimilmente à perpendicolo, lontana quanto par commodo alla vista; & cominciando dalla prima misurisi il terreno con lunga pertica à paſſi Geometrici ſino alla terza, & leuata la prima traſportiſi auanti nella drittura di ſguardo delle due rimanenti, continuando à misurar il terreno, & notando in carta il numero de' paſſi per ogni mutatione d' aſta; & così di mano in mano traſportando le aſte, per manteñer la drittura meridiana (che molto importa) profeuiraffi il viaggio ſino al numero di cento, o più miglia potendo: diizzando anco il terreno basso con corde, & uggagliando l' alto con gli ſtromenti Geometrici; & al fine facciati di nuovo la linea meridiana. Poi da queſto miſuratore, & da quello che rimafe oue fu incominciato il viaggio fabrichiſi un gran quadrante Geometrico, che poſſa dar anco i minuti di grado, & da ambidue in un determinato giorno, o più giorni, nel punto di mezzo di oſſeruiſi l'altezza del Sole ſopra l'orizonte: ouero ſenza quadrante, nozando l'ombra del ſtile ſopra la meridiana nel punto di mezzo giorno, & diſtendendo la lunghezza del ſtile giuſtamente in ſerra ad angolo retto con l'ombra, ſtando il piede del ſtile al ſuo luogo,

luogo, & dalla cima del ſtile diſfe ſegnando un gran quadrante con i ſuoi gradi; impercioche, tirata una linea dal centro di eſſo quadrante per il notato termine dell'ombra tagliarà i gradi dell'altezza deſiderata, numerati dalla parte che vien verso l'ombra. Ritornato il miſuratore à casa conferirà i gradi dell'altezza oſſeruata con quelli oſſeruati dal primo, & leuata la minor ſomma dalla maggiore, i residui ſaranno i gradi in Cielo, che riſpondono al viaggio delle miglia oſſeruate: eſſendo dunque la quantità di tutto il circolo in Cielo gr. 360. ſecondo l'uso Astronomico, ſe diremo tanti gradi di differenza fra le altezzze meridiane ci dan miglia tante, quante ne daranno i gradi 360. Moltiplicando dunque per le regole proportionali dell'Aritmetica, i gradi 360. nelle miglia oſſeruate, & diuidendo il prodotto per i gradi della differenza, il quotiente ſarà la quantità delle miglia di tutto il circuito della terra, tralasciati i monti, che non poſſono cader ſotto queſte miſure.

Il diametro finalmente inuifibile della Terra, ſecondo la regola di Archimede, ſi ſaprà diuidendo le miglia della circonferenza per il num. 22. percioche cauando il diuifo da tutte le miglia della circonferenza, & diuidendo il rimanente per 3. il quotiente, o diuifo ſarà la quantità del diametro, che paſſa per il centro della Terra; co'l quale, & con la circonferenza ſi potrà ſaper anco la ſua quantità ſuperficiale, & ſoda, per la reg. 4. del c. 13. Però ſtando nell' opinion comune di Tolomeo, che l'ambito ſia miglia 22500. il diametro ſarà 7159. la ſuperficie 16107500. & la ſodezza à miglia per quadro 192192303750.

## TAVOLA.

Come il quadrato, & ogni figura che si possa ridur al quadrato si tras-  
muri in qual si voglia figura regolare, senza alterar la sua capacità. Reg. 5  
Modo di ridur in vna sol figura molti circoli, molti triangoli, molti qua-  
drati, anco fra loro disuguali, o altre figure reducibili alle quadrate. Reg. 6  
Come le figure mistilinee dichiarate nel Cap. 1. si possino trasmutar in  
circolari, o quadrate, & poi in altre figure, seruata la loro capacità. Reg. 7  
In che modo due figure simili, ma inuguali di qualunque specie si ridu-  
chino all'ugualità, nella sua propria forma. Reg. 8  
Sommaria ricapitulatione, come le figure non molto irregolari si ridu-  
chino alla regolarità, & le regolari si trasmutino in altre. Reg. 9

## Della capacità di tutte le predette figure. Cap. X.

Come si misurino le figure rettilinee quadrilatere rettangole, & tri-  
latere d'ogni sorte. Reg. 1  
Come si troui la capacità di qualunque figura rettilinea regolare, o ir-  
regolare, che nè anco habbia angoli retti, ouero pochi. Reg. 2  
Della capacità della figura circolare, & ouata, & come si troui la quan-  
tità delle pietre, che sono, o possono entrare in vn'arco, o volto. Reg. 5

## Dell'accrescimento, & diminuzione de i corpi, & vani regola- ri, & dependenti da loro, con l'aiuto delle quattro linee proporzionali. Cap. XI.

Come fra due proposte linee di qual si voglia conosciuta, o scono-  
sciuta proporzione si trouino due altre medie, che tutte quattro ri-  
spondano in continuata proporzione. Reg. 1  
In che modo qual si vogliano corpi regolari, o dependenti da loro, & i  
loro vani si possino duplicare, triplicare, & più oltre proporziona-  
mente, che anco rispondano al peso in materia simile. Reg. 2  
Come i corpi, & vani regolari, & dependenti da loro si possino diminui-  
re proporzionalmente nella loro similitudine, & peso proporzionato. Reg. 3

## Della trasmutatione de i corpi, & vani regolari, & dipendentи da loro. Cap. XII.

Come si trasmutino i corpi, & vani di base regolare, o dependente da  
regolare in altri di altra base, restando nella sua altezza, quantità,  
& capacità. Reg. 1  
Come i corpi, & vani della precedente regola si possino abbreviar, o allungar ad  
una proposta misura in simili, o dissimili basi, senza alterare la loro quantità, o  
capacità. Reg. 2  
In che

## TAVOLA DE' CAPITOLI, ET REGOLE, che nella presente opera si contendono.

SI dechiarala varietà, & nomi delle figure, & corpi Geometrici, de'  
quali si ha da trattare, & si insegnala loro formazione. Cap. I.  
Delle perfettioni della figura circolare, & come sia simbolo delle per-  
fettiōni di Dio, & che cosa sia il quadrar il circolo. Cap. II.  
Come da termini proporzionali, & noti del circolo cauiamo la nostra  
linea quadratrice. Cap. III.  
Si proua demonstratamente tal quadratrice cader fra i termini posti  
da Archimede. Cap. III.  
Conclusionē, nella qual con ragioni, & autorità si proua tal nostra qua-  
dratrice esser propinquissima al vero termine desiderato, & proba-  
bilmente si persuade esser la vera. Cap. V.  
Come, al contrario, si troui vn circolo di capacità uguale ad vn propo-  
sto quadrato, & per qual causa vna linea piegata in forma circolare,  
sia più capace, che in qualunque altra. Cap. VI.  
Modo di trouar la terza linea in continuata proporzione à due propo-  
ste, & vna media fra due assunte in qual si vogli proporzione. C.VII.  
Dell'accrescimento, & diminuzione delle figure regolari, & dipendenti  
da loro proporzionalmente senza mutar forma. Cap. VIII.  
Come le figure regolari, & dependenti da loro si diminuischino pro-  
portionatamente, senza variar la forma.

Reg. 1  
Reg. 2

## Della trasmutatione delle figure regolari, & dependenti da loro, curuilinee, & rettilinee in altre regolari, & ri- tenghino la propria capacità. Cap. IX.

ET prima della reduction del circolo al quadrato, & del quadrato al  
circolo, & del circolo all'elisse, o ouato, & dall'ouato al circolo,  
& al quadrato.  
Come qual si voglia triangolo rettilineo si trasmuti in figura parallelo-  
gramma rettangola, poi in quadrata equilatera, in circolare, & ouata  
rimanendo nella sua prima capacità.  
Modo di trasferir le figure regolari e quiangole, & equilatero in paral-  
lelogramme rettangole, & in quadrate, & poi in circolari, seruata  
sempre la prima loro capacità.  
Come il quadrato, il parallelogrammo, l'ouato, & qual si voglia figura,  
che si possa ridur a loro, si possi allungar, o abbreviar in figura paral-  
lelogramma a loro uguale sopra vn determinato lato, o linea.

Reg. 1  
Reg. 2  
Reg. 3  
Reg. 4  
Come

## T A V O L A.

- In che modo si riduchino le colonne d'inugual grossezza, come le piramidi tronche, all'ugualità nella lor altezza, & nella propria, o aliena base, senza alterar la loro quantità. Reg. 3
- Come le piramidi, di qualunque specie, si riduchino in colonne sopra le loro, o altre basi, senza mutar la loro quantità. Reg. 4
- Come tutti i corpi, che si possono ridur in colonne, si possano anco ridur in piramidi sopra le proprie basi, ouero nell'a propria altezza, senza alterar la quantità. Reg. 5
- In che modo tutti i corpi, & loro vani, che sono, ouero si possono trasmutar in colonne quadrate, si possano anco trasmutar in corpi, o vani cubi nella loro quantità, o capacità. Reg. 6
- Come i cubi, colonne, piramidi, & loro vani si possino trasmutar in sfere, & sferoidi, senza mutar la loro quantità, o capacità. Reg. 7
- In qual modo si possa trasmutar in vn cubo, & sfera il corpo regolare di tre piramidi, detto tetraedro, l'ottaedro di otto, il dodecaedro di 12, & l'icosaedro di 20. esposti nel 1. Cap. Reg. 8
- Come il corpo sferico, & il cubico, o altro, che si possa ridur al cubo, si possa trasmutar in altro regolare nominato nella precedente regola, senza alterar la sua quantità. Reg. 9
- In che modo la sfera, & la sferoidi si trasmuti in vn cilindro, colonna, piramide, & altro corpo, o vano regolare di quantità, o capacità uguale. Reg. 10
- Come due, o più corpi, o vani cubici, o sferici, & non sferici, & qual si vogliono altri, che prima al cubo ridursi possino, si riduchino in vn solo corpo, o vano della sua, o altra figura. Reg. 11
- Modo di ridur due corpi, o vani regolari inuguali in due uguali, etiam dissimili nella sua, o altra figura. Reg. 12

## Della misura cubica, o soda de i corpi regolari, & dipendenti da loro. Cap. XIII.

- E prima, come si troui la quantità soda del cubo, del parallelepipedo, prisma, & delle loro piramidi, & si sappia il peso senza pesarli, & la quantità delle pietre che sono, o possono entrar in vna muraglia senza numerarle. Reg. 1
- Come si misurino cubicamente le colonne, e prismi inuguali, & le piramidi intiere, & tronche, & altri corpi, che prima si possino ridur alla regolarità. Reg. 2
- In che modo si misurino i corpi terrei, acquei, & aerei, come il pieno, & vano di pozzi, cantine, vasi, botti, & simili. Reg. 3
- Come si misuri il corpo sferico, l'ouato, l'ottaedro, il dodecaedro, & l'icosaedro. Reg. 4

Della

## T A V O L A.

- Della misura delle superficie, & corpi per lungo, largo, & profondo, stando anco da lor lontani, in molti casi utilissima, & giocondissima. Cap. XIV.

- Che misura sia questa, & che stromenti siano per le necessarie. Reg. 1  
Come si misuri la larghezza di vna pianura, o campagna, di vna piazza, la distanza da vn luogo all'altro, & la larghezza di vn fiume stando da vn sol capo di loro. Reg. 2  
In che modo si misurino le latitudini di muraglie, porte, finestre, & stanze in qualunque fito. Reg. 3

## Della misura delle altezze perpendicolari sopra l'orizonte. Cap. XV.

- Come con facilità grande si misuri l'altezza di vna torre in luogo libero, & piano situata, stando in terra con l'ombra del Sole, & anco della Luna. Reg. 1  
Modo di misurar l'altezza d'una torre, o altra cosa a perpendicolo, stando in terra, co'l raggio visuale, aiutando la squadra sola. Reg. 2  
Come si misuri l'altezza perpendicolare di una torre ferrata fra muri, di un monticello, o altra cosa la cui radice sia nascosta. Reg. 3  
In che modo si misuri l'altezza di vna torre situata sopra vna collina, & quella di vna statua, o porta in alto, stando in bassura, anco angusta. Reg. 4  
Come misurar si possa una torre, o altra cosa a perpendicolo, stando fermo sopra vn'altra. Reg. 5

## Della misura delle profondità perpendicolari, & non. Cap. XVI.

- Come si misuri la profondità perpendicolare di vn pozzo, & la perpendicolare, & non di vna fossa. Reg. 1  
Modo facilissimo per descriuer un Territorio con le Città, & Castella in carta, con le proprie distanze, misurandone vna sola, & per pigliar la pianta di vna Città. Cap. XVII.  
Modo singolare per inuestigar la quantità delle miglia, che circondano la terra, tralasciando l'altezza de' monti, & quelle del suo diametro. Cap. XVIII.

IL FINE.

М. ТЕМАТИЧНЫЙ  
КАЛЕНДАРЬ  
Он Фіз. Хем. Білар. Ін-т  
Інв. № 766

A I O V A T

qui vogli, ocul requireto, si fregat libro ristamato  
e ristamato in, insomma, i libri con obbligo  
di lire, qd' ammesso qd' escluso.

Si l' incertezza se qualcuno col suo voto desidera di fare  
una legge, non deve essere negata, ma se  
tuttavia il consiglio della città non ha opinione  
che la legge non debba essere fatta.

Roma

ERRORI SCORSI NELLA STAMPA.

fol.	lin.	ERRORE	CORRETTIONE.
10	13	tato	lato
12	3	sopra apparechiato	sopra l'apparechiato
19	26	a le vguale	a lei vguale
42	11	diuisiu trouo rispondere le	diuisia trouo risponderle.
42	23	il volta	la volta
59	4	5400	54000
64	21	iera	vera, ouero anello che copra.

met. Apr.  
25.6.82 p

3

ЧБОНУ імені І.І.Мечникова